

## باب 6: کسور اعشاریہ اور کسور (Decimals and Fractions)

### 6.1 اعشاریہ

دسویں کا تصور

نیچے دی ہوئی مستطیل کو دیکھیں۔

آئیے اسے 10 برابر حصوں میں تقسیم کریں اور ان میں سے ایک حصے میں رنگ بھریں۔



ہم نے دس میں سے ایک حصے میں رنگ بھرا، یہ مستطیل کا دسوال حصہ یا  $\frac{1}{10}$  ہے۔

$\frac{1}{10}$  (دسوال حصہ) ایک کامل سے چھوٹا ہوتا ہے۔

آپ دیکھ سکتے ہیں کہ (10) ایک دسوال حصہ ( $\frac{1}{10}$ ) مل کر ایک کامل بناتے ہیں۔

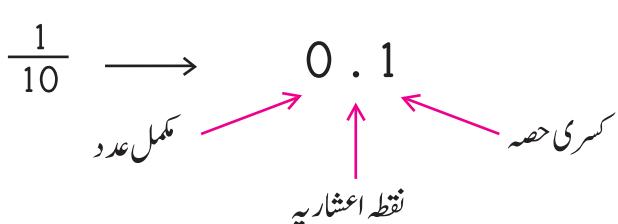
$$\frac{1}{10} + \frac{1}{10} = \frac{10}{10} = 1$$

$$10 \times \frac{1}{10} = 1$$

مقامی قیمت کے جدول کو یاد کریں۔

ایک کامل کا ایک دسوال ظاہر کرنے کے لیے ہم دسویں کے ایک کالم کا اضافہ کریں گے۔ کیونکہ 1 دسوال چھوٹا ہوتا ہے

1 کامل سے لہذا ہم نقطہ اعشاریہ کے دائیں جانب ایک کالم کا اضافہ کریں گے۔



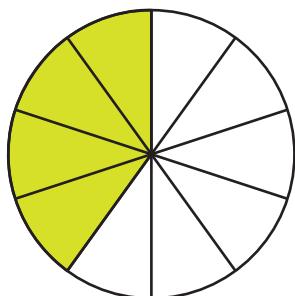
|         |   |                    |
|---------|---|--------------------|
| اکائیاں | • | دسویں              |
|         | • | ( $\frac{1}{10}$ ) |
| 0       | • | 10                 |

کسر اعشاریہ 0.1 میں صفر اکائی اور 1 دسوال ہے۔ ہم اسے "صفر اعشاریہ ایک" پڑھتے ہیں۔

ایک کسر اعشاریہ ایک کامل عدد والے حصے اور کسری حصے پر مشتمل ہوتی ہے جن کو نقطہ اعشاریہ سے الگ کیا جاتا ہے۔

دائرے کے 10 میں سے 4 حصے رنگ دار ہیں۔

دائرے کے 4 دسوال رنگ دار ہیں۔



$$\frac{4}{10} = \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10} + \frac{1}{10}$$

$$0.4 = 0.1 + 0.1 + 0.1 + 0.1$$

$\frac{4}{10}$  یا 0.4 رنگ دار ہیں۔

آئیے کسر اعشار یہ 0.4 کے لیے ایک مقامی قیمت کا جدول بناتے ہیں۔



| اکائیاں | • | دسویں |
|---------|---|-------|
|         | • | ● ●   |
|         | • | ● ●   |
| 0       | • | 4     |

اعشار یہ میں 0.4

عدد 0 اکائیوں کی جگہ پر ہے۔ اس کی قیمت 0 ہے۔

عدد 4 دسویں کی جگہ پر ہے۔ اس کی قیمت 0.4 ہے۔

ہم اسے ”صفر اعشار یہ چار“ پڑھتے ہیں۔

مندرجہ ذیل کسر اعشار یہ کی اکائیوں اور دسویں کی نشاندہی کریں اور مقامی قیمت کا جدول مکمل کریں۔

| اکائیاں | • | دسویں |
|---------|---|-------|
| 0.7     | • |       |
|         | • |       |
| 0.8     | • |       |

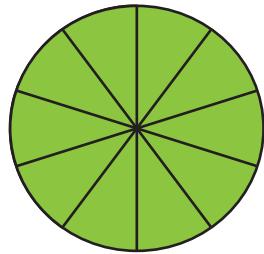
درج ذیل کسر اعشار یہ میں لکھیں۔

$$\frac{2}{10} = \boxed{0.2}$$

$$\text{سات دسویں} = \boxed{\phantom{0}}$$

$$\text{صفر اعشار یہ پانچ} = \boxed{\phantom{0}}$$

ہم جانتے ہیں کہ 10 دسویں مل کر ایک مکمل بناتے ہیں۔



$$1 = \frac{10}{10}$$

$$10 \text{ دسویں} = 1 \text{ اکائی}$$

اگر ہمارے پاس 10 دسویں ہوں، ہم اُن کو 1 اکائی اور 0 دسویں میں دوبارہ اکٹھا کر سکتے ہیں۔

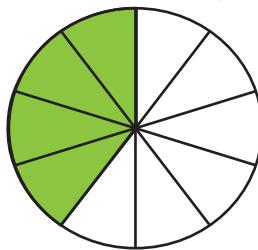
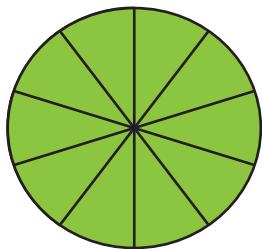
| مرحلہ 2 |   |       |
|---------|---|-------|
| اکائیاں | • | دسویں |
| 1       | • |       |
| 1       | • | 0     |

| مرحلہ 1 |   |       |
|---------|---|-------|
| اکائیاں | • | دسویں |
|         | • |       |
| 0       | • | 10    |

←

پہلے دیے گئے دائروں کے رنگ دار حصوں پر غور کیجیے



$$\frac{10}{10} + \frac{4}{10} = \frac{14}{10} = 1\frac{4}{10}$$

ہم یہ بھی کہہ سکتے ہیں کہ 14 دسویں، 1 اکائی اور 4 دسویں کے برابر ہے۔

آئیے اب 14 کو کسر اعشاریہ میں لکھتے ہیں۔

ہم 14 دسویں کو، 1 اکائی اور 4 دسویں میں دوبارہ اکٹھا کریں گے۔

$$= 1 + 0.4$$

$$= 1.4$$

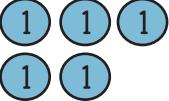
$$1.4 = 1\frac{4}{10} = \frac{14}{10} \text{ پس،}$$

ہم اسے ”ایک اعشاریہ چار“ پڑھتے ہیں۔

آئیے 53 دسویں کو کسر اعشاریہ میں لکھتے ہیں۔

ہم 53 دسویں کو 5 اکائیوں اور 3 دسویں میں منظم کریں گے۔

مقامی قیمت کے جدول کو دیکھیں۔

| اکائیاں   | • | دسویں   |
|---|---|---|
|  | • |  |
| 5   | • | 3   |

کسر اعشاریہ 5.3 میں

عدد 5 اکائیاں کی جگہ پر ہے۔ اس کی قیمت 5 ہے۔

عدد 3 دسویں کی جگہ پر ہے۔ اس کی قیمت 0.3 ہے۔

$$3 \text{ دسویں} + 5 \text{ اکائیاں} = 53 \text{ دسویں}$$

$$5.3 = 5 + 0.3$$

ہم اسے ”پانچ اعشاریہ تین“ پڑھیں گے۔

مندرجہ ذیل کسر اعشاریہ میں سے اکائیوں اور دسویں کی نشاندہی کریں اور مقامی قیمت کا جدول مکمل کیجیے۔

| اکائیاں | • | دسویں |
|---------|---|-------|
| 1.8     | • |       |
| 7.2     | • |       |
| 9.5     | • |       |

مندرجہ ذیل میں سے ہر ایک کو کسر اعشاریہ میں لکھیں۔

$$\boxed{\phantom{0}} = 36 \text{ دسویں}$$

$$\boxed{\phantom{0}} = \frac{17}{10}$$

$$\boxed{\phantom{0}} = 49 \text{ دسویں}$$

## سویں کا تصور

مرلیع کو دیکھیں۔

یہ سو (100) برابر حصوں میں تقسیم کیا گیا ہے۔

مرلیع کا ہر حصہ سوواں ہے یا مکمل کا  $\frac{1}{100}$  ہے۔

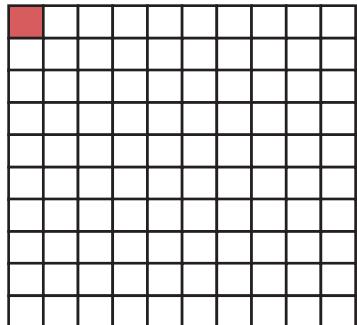
$$1 \text{ دسویں} = 10 \text{ سویں}$$

کو  $\frac{1}{100}$  بھی لکھ سکتے ہیں۔

ہم اسے "صفر اعشاریہ صفر ایک" پڑھتے ہیں۔

کیا آپ  $\frac{3}{100}$  کو کسر اعشاریہ میں لکھ سکتے ہیں؟

$$\frac{3}{100} = 0.03$$



| اکائیاں | • | دسویں | سویں  |
|---------|---|-------|-------|
|         | • |       | ● ● ● |
| 0       | • | 0     | 3     |

سویں، دسویں سے چھوٹا ہوتا ہے، ہم مقامی قیمت کے جدول میں دائیں طرف ایک سویں کے کالم کا اضافہ کریں گے۔

کو کسر اعشاریہ میں لکھیے۔

| اکائیاں | • | دسویں | سویں |
|---------|---|-------|------|
|         | • |       |      |
| 0       | • | 1     | 0    |

| اکائیاں | • | دسویں | سویں |
|---------|---|-------|------|
|         | • |       |      |
| 0       | • | 0     | 10   |

$$10 \text{ سویں} = 1 \text{ دسویں}$$

$$\frac{10}{100} = \frac{1}{10} = 0.1$$

13 سویں کو کسر اعشاریہ میں لکھیں۔

ہم 13 سویں کو 1 دسویں اور 3 سویں میں دوبارہ اکٹھا کریں گے۔

$$\begin{aligned} 13 \text{ سویں} &= 1 \text{ دسویں} + 3 \text{ سویں} \\ &= 0.1 + 0.03 \\ &= 0.13 \end{aligned}$$

آئیے اب  $\frac{100}{100}$  کو کسر اعشاریہ میں لکھتے ہیں۔

|             |     |           |
|-------------|-----|-----------|
| $10$ دسویں  | $=$ | $1$ دسویں |
| $100$ دسویں | $=$ | $1$ اکائی |

$$100 \text{ دسویں} = 1 \text{ اکائی} = \frac{100}{100}$$

کا مقامی قیمت کا جدول بنائیں۔ 2.43

| اکائیاں | • | دسویں   | سویں  |
|---------|---|---------|-------|
| 1 1     | • | ● ● ● ● | ● ● ● |
| 2       | • | 4       | 3     |

کسر اعشاریہ 2.43 میں

عدد 2 اکائیوں کی جگہ پر ہے۔ اس کی قیمت 2 ہے۔

عدد 4 دسویں کی جگہ پر ہے۔ اس کی قیمت 0.4 ہے۔

عدد 3 سویں کی جگہ پر ہے۔ اس کی قیمت 0.03 ہے۔

ہم اسے ”دواعشاریہ چار تین“ پڑھتے ہیں۔

پیچے دیے گئے کسر اعشاریہ میں سے اکائیوں اور سویں کی شناخت کریں اور مقامی قیمت کا جدول مکمل کیجیے۔

| دہائیاں | اکائیاں | • | دسویں | سویں |
|---------|---------|---|-------|------|
| 14.13   |         | • |       |      |
| 2.35    |         | • |       |      |

مندرجہ ذیل کو کسر اعشاریہ میں لکھیں۔

$$51 \text{ سویں} = \boxed{\phantom{0}}$$

$$\frac{9}{100} = \boxed{\phantom{0}}$$

$$\frac{23}{100} = \boxed{\phantom{0}}$$

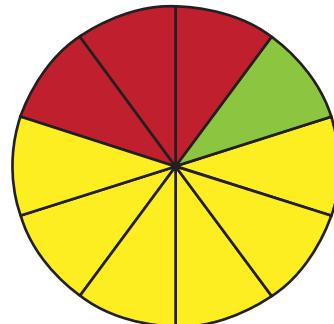
## 6.1 مشق

.1 دیا گیا دائرہ دس برابر حصوں میں تقسیم کیا گیا ہے اور ان کو تین مختلف رنگوں سے بھرا گیا ہے۔ ہر رنگ کے لیے کسر اور کسر اعشاریہ لکھیں۔

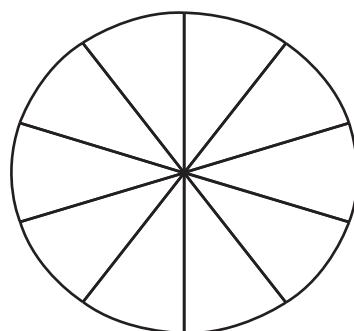
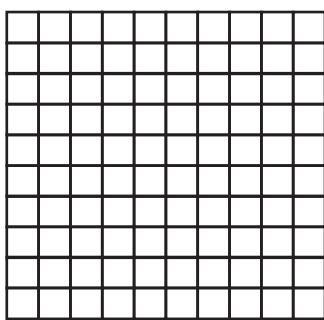
$$0.3 = \frac{3}{10} = \text{مرخ}$$

$$\boxed{\phantom{0}} = \boxed{\phantom{0}} = \text{سبز}$$

$$\boxed{\phantom{0}} = \boxed{\phantom{0}} = \text{پیلا}$$



.2 رنگ بھریں۔  
a) شکل کے 0.4 حصے میں  
b) شکل کے 0.12 حصے میں



.3 مندرجہ ذیل کسور کو کسر اعشاریہ میں لکھیے۔

a)  $\frac{7}{10} = \boxed{\phantom{0}}$

b)  $\frac{6}{10} = \boxed{\phantom{0}}$

c)  $\frac{9}{10} = \boxed{\phantom{0}}$

d)  $\frac{71}{100} = \boxed{\phantom{0}}$

e)  $\frac{2}{100} = \boxed{\phantom{0}}$

f)  $\frac{43}{100} = \boxed{\phantom{0}}$

g)  $\frac{31}{100} = \boxed{\phantom{0}}$

h)  $\frac{5}{100} = \boxed{\phantom{0}}$

i)  $\frac{11}{100} = \boxed{\phantom{0}}$

.4. مندرجہ ذیل کو کسر اعشاریہ میں لکھیں۔

- a) = صفر اعشاریہ پانچ
- b) = پانچ اعشاریہ تین
- c) = دو اعشاریہ چار تین
- d) = انہتر اعشاریہ تین نو
- e) = اکسٹ اعشاریہ چار چھپ
- f) = دو سو اعشاریہ تین ایک

.5. مندرجہ ذیل کسر اعشاریہ کو الفاظ میں لکھیں۔

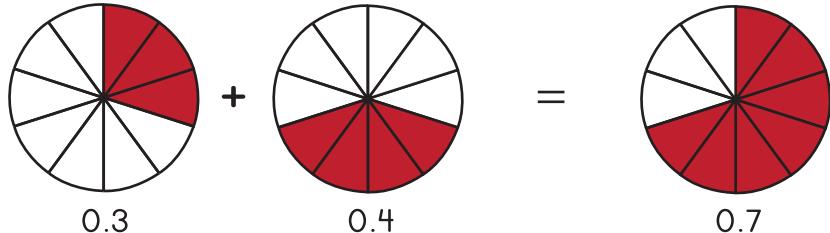
- a) 0.31 صفر اعشاریہ تین ایک
- b) 2.31 \_\_\_\_\_
- c) 4.32 \_\_\_\_\_
- e) 0.9 \_\_\_\_\_
- e) 78.11 \_\_\_\_\_
- f) 19.43 \_\_\_\_\_

.6. خط کشیدہ ہندسوں کی مقامی قیمت کی نشاندہی کریں۔

- a) 1.2
- b) 25.7
- c) 2.62
- d) 41.4
- e) 13.87
- f) 36.81

## 6.2 اعشاری کسور کو جمع کرنا

احمد ایک دائرے کے 0.3 حصے میں رنگ بھرتا ہے۔ سارہ ایک دائرے کے 0.4 حصے میں رنگ بھرتی ہے۔ ان دونوں نے مل کر کتنے حصوں میں رنگ بھرا؟



کسور اعشاریہ کی جمع مکمل اعداد کی جمع کی طرح ہوتی ہے۔

آئیے دونوں کسور اعشاریہ کو اون کے ہندسوں کی مقامی قیمت کے مطابق لکھیں اور دوینیں طرف سے جمع کرنا شروع کریں۔  
یاد رہے! اعشاریہ کے نیچے ہی اعشاریہ ہو۔

|         |   |       |
|---------|---|-------|
| اکائیاں | • | دسویں |
| 0       | • | 3     |
| + 0     | • | 4     |
| 0       | • | 7     |

$0 + 0 = 0$       مسئلہ 2      اکائیوں کی جمع

|         |   |       |
|---------|---|-------|
| اکائیاں | • | دسویں |
| 0       | • | 3     |
| + 0     | • | 4     |
|         | • | 7     |

$3 + 4 = 7$       مسئلہ 1      دسویں کی جمع

|         |   |       |
|---------|---|-------|
| 1       |   |       |
| اکائیاں | • | دسویں |
| 1       | • | 7     |
| + 6     | • | 5     |
| 8       | • | 2     |

$1 + 6 + 1 = 8$       مسئلہ 2      اکائیوں کی جمع

حاصل ہونے والے 1 کو جمع کرنا مت بھولیے!

$$1 + 6 + 1 = 8$$

|         |   |       |
|---------|---|-------|
| 1       |   |       |
| اکائیاں | • | دسویں |
| 1       | • | 7     |
| + 6     | • | 5     |
|         | • | 2     |

$7 + 5 = 12$       مسئلہ 1      دسویں کی جمع

$$12 \text{ دسویں} = 2 \text{ دسویں } 1 \text{ اکائی}$$

جواب 8.2 ہے۔

مندرجہ ذیل کسور اعشاریہ کو جمع کریں۔

$$\begin{array}{r} 3 . \quad 4 \\ + 2 . \quad 2 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3 . \quad 0 \\ + 8 . \quad 7 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 6 . \quad 8 \\ + 3 . \quad 6 \\ \hline \end{array}$$

آئیے 4.34 اور 4.35 کو جمع کریں۔

ہم دونوں کسور اعشاریہ کے ہندسوں کو ان کی مقامی قیمت کے مطابق لکھیں گے اور دائیں طرف سے جمع کرنا شروع کریں گے۔

$$\begin{array}{r} ① \\ \hline \text{اکائیاں} & \cdot & \text{دسیں} & \text{سویں} \\ \hline 2 & \cdot & 8 & 5 \\ + 4 & \cdot & 3 & 4 \\ \hline 7 & \cdot & 1 & 9 \\ \hline \end{array}$$



مرحلہ 1 سویں جمع کریں۔

مرحلہ 2 دسیں جمع کریں۔

مرحلہ 3 اکائیوں کو جمع کریں۔

کیا آپ 32.55 اور 33.51 کو جمع کر سکتے ہیں؟

ہم دونوں کسور اعشاریہ کے ہندسوں کو ان کی مقامی قیمت کے مطابق لکھیں گے اور انہی مرامل پر عمل کریں گے۔

$$\begin{array}{r} ① \\ \hline \text{دھائیاں} & \text{اکائیاں} & \cdot & \text{دسیں} & \text{سویں} \\ \hline 3 & 2 & \cdot & 5 & 5 \\ + 1 & 3 & \cdot & 5 & 1 \\ \hline 4 & 6 & \cdot & 0 & 6 \\ \hline \end{array}$$

جواب 46.06 ہے۔

## مشق 6.2

1. مندرجہ ذیل کسروں اعشاریہ کو جمع کریں۔

a)    0 . 3                          b)    3 . 4                          c)    0 . 3 4                          d)    4 . 5 2  

$$\begin{array}{r} + 0 . 6 \\ \hline \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 5 . 3 \\ \hline \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 0 . 5 3 \\ \hline \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 3 . 2 4 \\ \hline \end{array}$$

e)    2 . 7 1                          f)    1 5 . 3 5                          g)    2 5 . 0 9                          h)    1 4 . 3 9  

$$\begin{array}{r} + 1 . 3 5 \\ \hline \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 1 2 . 6 0 \\ \hline \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 2 3 . 9 3 \\ \hline \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 2 3 . 7 8 \\ \hline \end{array}$$

i)    1 5 . 3 7                          j)    2 8 . 5 6                          k)    2 3 . 5 4                          l)    4 7 . 5 6  

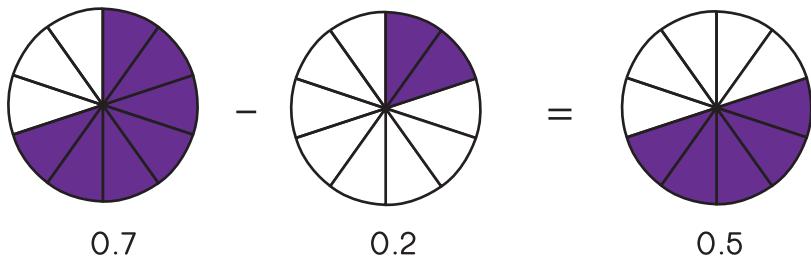
$$\begin{array}{r} + 1 7 . 3 2 \\ \hline \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 3 1 . 2 3 \\ \hline \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 1 5 . 3 8 \\ \hline \end{array}$$
      
$$\begin{array}{r} + 3 4 . 2 3 \\ \hline \end{array}$$

2. مندرجہ ذیل کسروں اعشاریہ کو عمودی کالم میں لکھیں اور ان کا حاصل جمع معلوم کریں۔

a)     $0.1 + 0.5 =$         
 b)     $1.2 + 1.7 =$         
 c)     $5.21 + 3.27 =$         
 d)     $14.11 + 21.34 =$         
 e)     $21.35 + 37.41 =$

## 6.2 کسورِ اعشاریہ کو تفریق کرنا

سارہ ایک دائرے کے 0.7 حصے میں رنگ بھرتی ہے۔ پھر وہ اُس کے 0.2 حصے کو منادیتی ہے۔ بتائیے کتنا رنگ دار حصہ باقی رہ گیا ہے؟



کسورِ اعشاریہ کی تفریق، مکمل اعداد کی تفریق جیسی ہوتی ہے۔ ہم دونوں اعشاری کسور کو ان کے ہندسوں کی مقامی قیمت کے مطابق لکھیں گے۔ اور دوسریں طرف سے تفریق کا عمل شروع کریں گے۔

یار ہے اعشاریہ، اعشاریہ کے بالکل نیچے آئے گا۔

| اکائیاں | . | دسویں |
|---------|---|-------|
| 0       | • | 7     |
| 0       | • | 2     |
| 0       | • | 5     |

$$0 - 0 = 0 \quad \text{محلہ } 2 \quad \text{اکائیوں کی تفریق}$$

| اکائیاں | . | دسویں |
|---------|---|-------|
| 0       | • | 7     |
| 0       | • | 2     |
| •       | • | 5     |

$$7 - 2 = 5 \quad \text{محلہ } 1 \quad \text{دسویں کی تفریق}$$

جواب 0.5 ہے۔

کیا ب آپ 11.91 کو 56.34 میں سے تفریق کر سکتے ہیں؟

ہم دونوں کسورِ اعشاریہ کے ہندسوں کو ان کی مقامی قیمت کے مطابق لکھیں گے اور ڈھی مراعلہ دہرانیں گے۔

| دھائیاں | اکائیاں        | دسویں | سویں |
|---------|----------------|-------|------|
| 5       | 5 <del>6</del> | • ① 3 | 4    |
| 1       | 1              | • 9   | 1    |
| 4       | 4              | • 4   | 3    |

جواب 44.43 ہے۔

## مشق 6.2

.1 دی گئی کسور اعشاریہ کو تفریق کریں۔

a) 
$$\begin{array}{r} 0.9 \\ - 0.5 \\ \hline \end{array}$$

b) 
$$\begin{array}{r} 3.67 \\ - 0.53 \\ \hline \end{array}$$

c) 
$$\begin{array}{r} 4.75 \\ - 2.37 \\ \hline \end{array}$$

d) 
$$\begin{array}{r} 6.78 \\ - 3.45 \\ \hline \end{array}$$

e) 
$$\begin{array}{r} 8.45 \\ - 3.27 \\ \hline \end{array}$$

f) 
$$\begin{array}{r} 9.75 \\ - 6.84 \\ \hline \end{array}$$

g) 
$$\begin{array}{r} 8.73 \\ - 5.96 \\ \hline \end{array}$$

h) 
$$\begin{array}{r} 39.13 \\ - 37.26 \\ \hline \end{array}$$

i) 
$$\begin{array}{r} 50.41 \\ - 15.32 \\ \hline \end{array}$$

j) 
$$\begin{array}{r} 43.78 \\ - 21.54 \\ \hline \end{array}$$

k) 
$$\begin{array}{r} 85.42 \\ - 34.68 \\ \hline \end{array}$$

l) 
$$\begin{array}{r} 57.89 \\ - 29.97 \\ \hline \end{array}$$

.2 کسور اعشاریہ کو ان کے ہندسوں کی مقامی قیمت کے مطابق ترتیب دیں اور ان کا فرق معلوم کریں۔

a)  $0.7 - 0.3 =$

b)  $1.5 - 1.2 =$

c)  $23.5 - 11.1 =$

d)  $91.7 - 52.3 =$

e)  $48.31 - 26.21 =$