

# فورسز کا گھمانے کا اثر

## (Turning Effect of Forces)

### طلبہ کے علمی ماحصل امتحان

اس یونٹ کے مطالعہ کے بعد طلبہ اس قابل ہو جائیں گے کہ

لائک اور آن لائک بیرونی فورسز کی تعریف بیان کر سکیں۔

فورسز اوپیکٹر کو جمع کرنے کا ہیڈ ٹو ٹیل رول بیان کر سکیں۔

بیان کر سکیں کہ کس طرح کسی فورس کو اس کے عمودی کمپوننٹس میں تقسیم کیا جاتا

ہے۔

عمودی کمپوننٹس سے کسی فورس کی مقدار اور سمت معلوم کر سکیں۔

مومنٹ آف فورس یا ٹارک کی تعریف کر سکیں بطور

ایکسٹریٹ روٹیشن سے فورس کے عمل کی لائن کا عمودی فاصلہ  $\times$  فورس = ٹارک

روزمرہ زندگی کے حوالہ سے فورس کے گھمانے کے اثر کی تشریح کر سکیں۔

مومنٹس کا اصول بیان کر سکیں۔

کسی جسم کے سنٹر آف ماس اور سنٹر آف گریوٹیٹی کی تعریف کر سکیں۔

کیل کی بطور ایسی دو فورسز کی تعریف کر سکیں جو روٹیشن پیدا کرنے کی کوشش

کرتی ہیں۔

ثابت کر سکیں کہ کیل کا کسی بھی پوائنٹ کے گرد مومنٹ ایک جیسا ہی رہتا ہے۔

ایکوی لبریم کی تعریف کر سکیں اور روزمرہ زندگی سے مثالیں دے کر اس کی

اقسام کی درجہ بندی کر سکیں۔

کسی جسم کے ایکوی لبریم کی دو شرائط بیان کر سکیں۔

سادہ متوازن سسٹمز میں صرف ایک ایکسٹریٹ پر قائم اجسام سے متعلق مشقی

سوالات حل کر سکیں۔



### تسوراتی تعلق

اس یونٹ کی بنیاد ہے:

لیور سائنس - V

مشینیں سائنس - VI

کائی میٹیکس فزکس - IX

یہ یونٹ رہنمائی کرتا ہے:

روٹیشنل موشن، ویکٹرز اور

ایکوی لبریم فزکس - XI

## اہم تصورات

اجسام اور فورسز	4.1
ریزلٹ آف فورسز	4.2
ریزولوشن آف فورسز	4.3
مومنٹ آف فورس	4.4
مومینٹس کا اصول	4.5
سنٹر آف ماس	4.6
پہل	4.7
ایکوی لبریم	4.8
سٹیبلٹی	4.9



شکل 4.1: سخیڑ کی مدد سے نٹ کھولنا آسان ہے۔



شکل 4.2: بچے سروں پر پانی کے برتن اٹھانے ہوئے۔

ایکوی لبریم کی مختلف حالتیں بیان کر سکیں اور عام مثالوں سے ان کی درجہ بندی کر سکیں۔

سنٹر آف ماس کی پوزیشن سے پیدا ہونے والے سادہ اجسام کے متوازن ہونے کی وضاحت کر سکیں۔

## طلب کی تحقیقی مہارت

باقاعدہ اور بے قاعدہ اشکال کے اجسام کا سنٹر آف ماس اور سنٹر آف گرہو پتی معلوم کر سکیں۔

## سائنس دیکھنا دینی اور سائنس سے تعلق

مومنٹ آف فورس کے عملی اطلاق کی مثالوں کے طور پر بوتل اوپنر، سخیڑ، دروازے اور کھڑکیوں کے ہینڈل وغیرہ کی درکنگ کی وضاحت کر سکیں۔

سی سا کے کام کرنے کا اصول بیان کر سکیں۔

سٹیبلٹی اور بائیسکل کے پیڈل پر پہل کے کردار کا عملی مظاہرہ کر سکیں۔

ہیلڈنگ کھلونے اور ریٹنگ کار وغیرہ کے مظاہرے سے واضح کر سکیں کہ کسی جسم کے متوازن ہونے کو اس کے سنٹر آف ماس کی بلندی کم کرنے اور بنیاد کا رقبہ بڑھانے سے بہتر کیا جاسکتا ہے۔

کیا بائیسکل کے ایکسل کانٹ ہاتھ سے ڈھیلا کیا جاسکتا ہے؟ عموماً ماس کے لیے ہم سخیڑ استعمال کرتے ہیں۔ جیسا کہ شکل (4.1) میں دکھایا گیا ہے۔ سخیڑ فورس کے

گھمانے کے اثر کو بڑھاتا ہے۔

بچھلے صفحہ پر تصویر دیکھیے۔ جو کر کیا کر رہا ہے؟ وہ سلنڈر نمنا پاپ پر رکھے تختے پر اپنے آپ کو بیلنس کرنے کی کوشش کر رہا ہے۔ کیا آپ ایسا کر سکتے ہیں؟ ایک بچہ

بتدرج اپنے آپ کو بیلنس کر کے کھڑا ہونا سیکھتا ہے۔ گاؤں میں خواتین اور بچے پانی کے برتن سروں پر رکھ کر چلتے ہیں۔ جیسا کہ شکل (4.2) میں دکھایا گیا ہے۔ تھوڑی سی

محنت سے ہم کسی چھڑی کو اپنی انگلی کے سرے پر عموداً بیلنس کرنا سیکھ سکتے ہیں۔ بیلنس کی گئی اشیاء ایکوی لبریم یعنی توازن میں ہوتی ہیں۔ اس یونٹ میں ہم متعدد دلچسپ

تصورات کے بارے میں پڑھیں گے۔ مثلاً نارک، ایکوی لبریم وغیرہ اور ان کا روزمرہ زندگی میں اطلاق۔

### 4.1 لائک اور ان لائک پیرالل فورسز (Like and Unlike Parallel Forces)

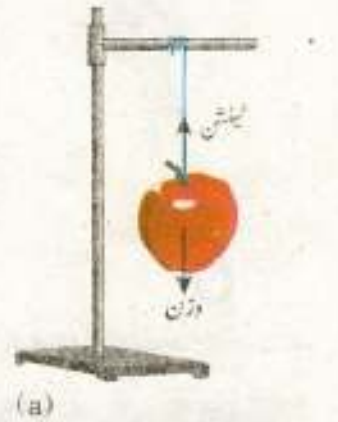
ہمارا اکثر ایسے اجسام سے واسطہ پڑتا ہے جن پر بہت سی فورسز عمل کر رہی ہوتی ہیں۔ اکثر کسی جسم پر عمل کرنے والی چند یا تمام فورسز ایک ہی سمت میں ہوتی ہیں۔ مثال کے طور پر بہت سے لوگ بس کو سٹارٹ کرنے کے لیے دھکیلتے ہیں۔ تمام لوگ اسے ایک ہی سمت میں کیوں دھکیلتے ہیں؟ ایک ہی سمت میں عمل کرنے والی فورسز ایک دوسرے کے پیرالل ہوتی ہیں۔ ایسی تمام فورسز جو ایک دوسرے کے پیرالل ہوں، پیرالل فورسز کہلاتی ہیں۔



شکل (4.3) میں ایک بیگ دکھایا گیا ہے جس میں سیب موجود ہیں۔ بیگ کا وزن اس میں موجود سیبوں کے باعث ہے۔ چونکہ بیگ کے اندر موجود ہر سیب کا وزن وہ فورس آف گریوٹیٹی ہے جو اس پر عموداً نیچے کی جانب عمل کرتی ہے۔ یہ تمام فورسز ایک ہی سمت میں عمل کر رہی ہیں۔ ایسی فورسز کو لائک پیرالل فورسز کہتے ہیں۔

لائک پیرالل فورسز وہ فورسز ہیں جو ایک دوسرے کے پیرالل اور ایک ہی سمت میں عمل کرتی ہیں۔

شکل (4.4a) میں ایک سیب کو ڈوری سے لٹکایا گیا ہے۔ ڈوری سیب کے وزن کی وجہ سے ٹینشن میں ہے۔ اس پر عمل کرنے والی فورسز میں سیب کے نیچے کی جانب عموداً عمل کرنے والی فورس اس کا وزن ہے اور ڈوری کو اوپر کی طرف کھینچنے والی فورس ٹینشن ہے۔ یہ دونوں فورسز پیرالل لیکن ایک دوسرے کے مخالف سمت میں ہیں۔ ان فورسز کو ان لائک پیرالل فورسز کہتے ہیں۔ شکل (4.4b) میں فورسز  $F_1$  اور  $F_2$  ان لائک پیرالل فورسز ہیں کیونکہ یہ ایک دوسرے کے پیرالل مگر مخالف سمت میں عمل کر رہی ہیں۔ لیکن  $F_1$  اور  $F_2$  ایک ہی لائن میں عمل نہیں کر رہی ہیں اس لیے وہ جسم کو گھمانے کے قابل ہیں۔



(a)

(b)

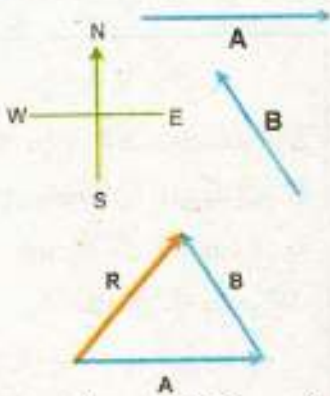
شکل 4.4: ان لائک پیرالل فورسز

(a) ایک ہی لائن میں

(b) اگر ایک لائن میں نہ ہوں تو جسم کو گھمانے

جس۔

ان لائک پیرالل فورسز وہ فورسز ہیں جو ایک دوسرے کے پیرالل لیکن مخالف سمت میں عمل کرتی ہیں۔



شکل 4.5: ویکٹرز کی جمع کا ہیڈ ٹو ٹیل رول

## 4.2 ریزلٹنٹ آف فورسز (Resultant of Forces)

فورس ایک ویکٹر مقدار ہے۔ اس کی مقدار اور سمت دونوں ہوتی ہیں۔ اس لیے فورسز کو عام حسابی قوانین سے جمع نہیں کیا جاسکتا۔ فورسز کو جمع کرنے پر ایک سنگل فورس حاصل ہوتی ہے، سے ریزلٹنٹ فورس کہتے ہیں۔ ریزلٹنٹ فورس ایک ایسی سنگل فورس ہے جو انہیں اثرات کی حامل ہوتی ہے جن کی جمع کی جانے والی تمام فورسز مشترکہ طور پر حاصل ہوتی ہیں۔

فورسز کو جمع کرنے کا ایک طریقہ گراف کا طریقہ ہے۔ اس طریقہ میں فورسز کو ویکٹرز کے ہیڈ ٹو ٹیل رول سے جمع کیا جاتا ہے۔

## ہیڈ ٹو ٹیل رول (Head to Tail Rule)

یاد رکھیے: ہیڈ ٹو ٹیل رول کسی بھی تعداد میں دی گئی فورسز کو جمع کرنے کے لیے استعمال کیا جاسکتا ہے۔ ریزلٹنٹ فورس کو ظاہر کرنے والا ویکٹر ریزلٹنٹ فورس کی مقدار اور سمت دونوں کو بیان کرتا ہے۔

شکل (4.5) میں ویکٹرز کو جمع کرنے کا ایک گرافیکل طریقہ دکھایا گیا ہے۔ سب سے پہلے ایک مناسب سکیل منتخب کریں۔ پھر تمام دیے گئے ویکٹرز کو اس سکیل کے مطابق کھینچیں، جیسے کہ ویکٹرز A اور B۔

ان میں سے کسی ایک ویکٹر کو پہلا ویکٹر لیجیے۔ مثال کے طور پر ویکٹر A پہلا ویکٹر ہے۔ اب دوسرا ویکٹر B اس طرح کھینچیں کہ اس کی ٹیل پہلے ویکٹر A کے ہیڈ پر ہو۔ اس عمل کو جاری رکھیے۔ یہاں تک کہ تمام ویکٹرز ترتیب وار کھینچ لیے جائیں۔ اب ویکٹر R اس طرح کھینچیں کہ اس کی ٹیل پہلے ویکٹر کی ٹیل پر اور اس کا ہیڈ آخری ویکٹر کے ہیڈ پر ہو۔ شکل (4.5) میں پہلا ویکٹر A ہے اور آخری ویکٹر B۔

اب ویکٹر A کی ٹیل کو ویکٹر B کے ہیڈ سے ملانے والی لائن کھینچیں۔ یہ لائن ویکٹر R کو ظاہر کرے گی۔ یہاں پر ویکٹر R، ویکٹرز A اور B دونوں کی ریزلٹنٹ فورس کو ظاہر کرتا ہے۔ یہ فورس ویکٹر A اور ویکٹر B کی ویکٹر جمع کو مکمل طور پر مقدار اور سمت دونوں میں ظاہر کرتی ہے۔

## مثال 4.1

دی گئی تین فورسز کا ریزلٹنٹ معلوم کیجیے۔ 12 نیوٹن فورس x- ایکسز کے ساتھ، 8 نیوٹن فورس x- ایکسز سے  $45^\circ$  کا زاویہ بناتے ہوئے۔ جبکہ 8 نیوٹن فورس y- ایکسز کی جانب۔



شکل 4.6: فورسز کو ہیڈ ٹو ٹیل رول سے جمع کرنا۔

$F_1 = 12\text{ N}$  (1-x ایکسز کے ساتھ)

یہاں

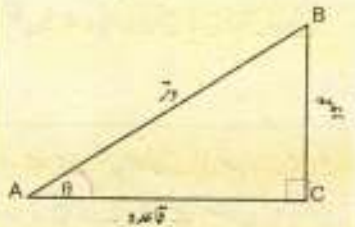
$F_2 = 8\text{ N}$  (1-x ایکسز کے ساتھ  $45^\circ$  کا زاویہ بناتے ہوئے)

$F_3 = 8\text{ N}$  (y- ایکسز کی جانب)

سکیل:  $1\text{ cm} = 2\text{ N}$

چھڑ کیوں نہیں

کسی قائمہ الزاویہ مثلث کے کوئی سے دو اضلاع کے مابین نسبت کو خاص نام دیے گئے ہیں۔ مثلاً سین (sine)، کوسائن (cosine) وغیرہ۔ فرض کریں مثلث CAB ایک قائمہ الزاویہ مثلث ہے جس کا پوائنٹ A پر بننے والا زاویہ  $\theta$  ہے۔



$\sin \theta = \frac{\text{عمود}}{\text{وتر}} = \frac{BC}{AB}$

$\cos \theta = \frac{\text{قاعدہ}}{\text{وتر}} = \frac{AC}{AB}$

$\tan \theta = \frac{\text{عمود}}{\text{قاعدہ}} = \frac{BC}{AC}$

- (i) دی گئی فورسز کو ویکٹرز  $F_1$  اور  $F_2$  سے منتخب سکیل کے مطابق ظاہر کیجیے۔
- (ii)  $F_1$  اور  $F_2$  اور فورسز کو ترتیب دیں۔ فورس  $F_2$  کی ٹیل فورس  $F_1$  کے ہیڈ، پوائنٹ B پر ہو جیسا کہ شکل (4.6) میں دکھایا گیا ہے۔ اسی طرح فورس  $F_3$  کی ٹیل فورس  $F_2$  کے ہیڈ، پوائنٹ C پر ہو۔
- (iii) پوائنٹ A، فورس  $F_1$  کی ٹیل کو پوائنٹ D فورس  $F_3$  کے ہیڈ سے ملائیں۔ فرض کیجیے AD فورس F کو ظاہر کرتا ہے۔ ہیڈ ٹو ٹیل رول کے مطابق فورس F ریزلٹ فورس کو ظاہر کرتی ہے۔
- (iv) AD کی پیمائش کیجیے اور اسے سکیل کے مطابق  $2\text{ Ncm}^{-1}$  سے ضرب دے کر ریزلٹ فورس کی مقدار معلوم کریں۔
- (v) پروٹیکٹر کی مدد سے زاویہ DAB کی پیمائش کریں جو فورس 1-x ایکسز کے ساتھ بنتی ہے۔ یہ زاویہ ریزلٹ فورس کی سمت بتاتا ہے۔

4.3 ریزیولوشن آف فورسز (Resolution of Forces)

ویکٹرز کو ان کے کمپونینٹس میں تحلیل کرنے کے عمل کو ویکٹرز کی تحلیل یا ریزیولوشن کہتے ہیں۔ اگر کوئی ویکٹر دو ایک دوسرے پر عمودی کمپونینٹس سے لیا گیا ہو تو ایسے کمپونینٹس عمودی کمپونینٹس (perpendicular components) کہلاتے ہیں۔

کسی فورس کو اس کے عمودی کمپونینٹس میں تحلیل کرنا اس کی ریزیولوشن کہلاتا ہے۔

فرض کیجیے 1-x ایکسز کے ساتھ زاویہ  $\theta$  بنانے والی لائن OA کسی فورس F کو ظاہر کرتی ہے۔ جیسا کہ شکل (4.7) میں دکھایا گیا ہے۔

پوائنٹ A سے 1-x ایکسز پر عمود کھینچیں۔ ہیڈ ٹو ٹیل رول کے مطابق OA ویکٹرز OB اور BA کا ریزلٹ ہے۔



شکل 4.7 ریزیولوشن آف فورسز

$$\text{پس } OA = OB + BA \dots \dots \dots (4.1)$$

کپونینٹ  $OB$  اور  $BA$  ایک دوسرے پر عمود ہیں۔ یہ  $OA$  کے عمودی کپونینٹس کہلاتے ہیں۔ چونکہ  $OA$  ویکٹر  $F$  کو ظاہر کرتا ہے، اس لیے  $OB$  اس کے  $x$ -کپونینٹ  $F_x$  کو ظاہر کرتا ہے اور  $BA$  اس کے  $y$ -کپونینٹ  $F_y$  کو ظاہر کرتا ہے۔ اس لحاظ سے مساوات (4.1) کو اس طرح لکھا جاسکتا ہے۔

$$F = F_x + F_y \dots \dots \dots (4.2)$$

$x$  اور  $y$ -کپونینٹس کی مقداریں ٹریگونومیٹرک نسبتوں (trigonometric ratios) سے معلوم کی جاسکتی ہیں۔ قائمہ الزاویہ مثلث  $OBA$  میں

$$\frac{F_x}{F} = \frac{OB}{OA} = \cos \theta$$

$$\therefore F_x = F \cos \theta \dots \dots \dots (4.3)$$

$$\text{اسی طرح } \frac{F_y}{F} = \frac{BA}{OA} = \sin \theta$$

$$\therefore F_y = F \sin \theta \dots \dots \dots (4.4)$$

مساوات (4.3) اور (4.4) سے عمودی کپونینٹس بالترتیب  $F_x$  اور  $F_y$  معلوم

کیے جاسکتے ہیں۔

مثال 4.2

ایک شخص 200 N کی فورس سے جو افقی سڑک کے ساتھ  $30^\circ$  کا زاویہ بناتی ہے ایک ٹرائی کوجھینچ رہا ہے۔ اس فورس کے افقی اور عمودی کپونینٹس معلوم کیجیے۔

حل

$$F = 200 \text{ N}$$

$$\theta = 30^\circ \text{ (x-ایکسر کے ساتھ)}$$

$$F_x = ?$$

$$F_y = ?$$

$$F_x = F \cos \theta$$

$$F_x = 200 \times \cos 30^\circ \\ = 200 \times 0.866 = 173.2 \text{ N}$$

$$F_y = F \sin \theta$$

$$F_y = 200 \times \sin 30^\circ \\ = 200 \times 0.5 = 100 \text{ N}$$

چونکہ

اسی طرح

نسبت $\theta$	$0^\circ$	$30^\circ$	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$
$\sin \theta$	0	0.5	0.707	0.866	1
$\cos \theta$	1	0.866	0.707	0.5	0
$\tan \theta$	0	0.577	1	1.732	$\infty$

مختصر مشق

کسی قائمہ الزاویہ مثلث کے قاعدہ کی لمبائی 14 cm اور عمود کی لمبائی 3 cm ہے۔ معلوم

کیجیے۔

(i) وتر کی لمبائی

(ii)  $\sin \theta$

(iii)  $\cos \theta$

(iv)  $\tan \theta$

پس کھینچنے والی فورس کے افقی اور عمودی کمپونینٹس بالترتیب  $173.2N$  اور  $100N$  ہیں۔

عمودی کمپونینٹس کی مدد سے فورس معلوم کرنا

(Determination of a Force from its Perpendicular Components)

چونکہ فورس کو دو عمودی کمپونینٹس میں تقطیل کیا جاسکتا ہے۔ اس کا الٹ عمودی کمپونینٹس سے فورس معلوم کرنا ہے۔

فرض کیجیے  $F_x$  اور  $F_y$  فورس  $F$  کے عمودی کمپونینٹس ہیں۔ انہیں شکل (4.8) میں بالترتیب  $OP$  اور  $PR$  لائنوں سے دکھایا گیا ہے۔ ہیڈ ٹو ٹیل رول کے مطابق:

$$OR = OP + PR$$

پس  $OR$  فورس  $F$  کو مکمل طور پر ظاہر کرے گا جس کے  $x$  اور  $y$ -کمپونینٹس بالترتیب  $F_x$  اور  $F_y$  ہیں۔ پس

$$F = F_x + F_y$$

فورس  $F$  کی مقدار اور سمت قائمہ الزاویہ مثلث  $OPR$  سے معلوم کی جاسکتی

ہیں۔

$$\text{چونکہ } (OR)^2 = (OP)^2 + (PR)^2$$

$$\text{اس لیے } F^2 = F_x^2 + F_y^2$$

$$\text{اور } F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} \dots \dots \dots (4.5)$$

$x$ -ایکسز کے ساتھ فورس  $F$  کی سمت ہوگی:

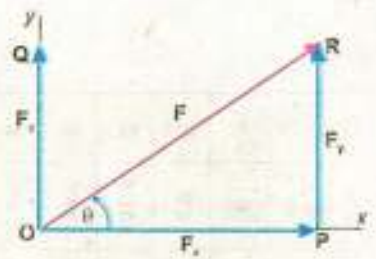
$$\tan \theta = \frac{PR}{OP} = \frac{F_y}{F_x}$$

$$\text{یا } \theta = \tan^{-1} \frac{F_y}{F_x} \dots \dots \dots (4.6)$$

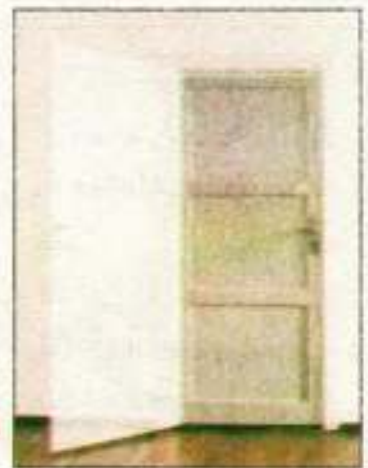
#### 4.4 ٹارک یا موٹ آف فورس

(Torque or Moment of a Force)

ہم دروازے کو دھکیلنے یا کھینچنے سے کھولتے یا بند کرتے ہیں۔ ایسا ہم دروازے کو اس کے قبضے یا ایکسز آف روٹیشن کے گرد گھمانے کے لیے کرتے ہیں۔ دروازہ اس پر عمل کرنے والی فورس کے گردشی اثر کے باعث کھولا یا بند کیا جاتا ہے۔



شکل 4.8: عمودی کمپونینٹس کی مدد سے فورس معلوم کرنا۔



شکل 4.9: ہینڈل کو کھینچنے یا دھکیلنے سے دروازے کو کھولنا یا بند کرنا آسان ہے۔

### رجڈ باڈی (Rigid Body)

کوئی بھی جسم بے شمار چھوٹے چھوٹے پارٹیکلز پر مشتمل ہوتا ہے۔ اگر اس جسم پر کسی فورس کے عمل کرنے سے اس کے پارٹیکلز کے مابین فاصلوں میں تبدیلی نہ آئے تو یہ ایک رجڈ باڈی کہلاتی ہے۔

دوسرے الفاظ میں ایک رجڈ باڈی ایک ایسا جسم ہے جو فورس یا فورسز کے زیر اثر اپنی شکل تبدیل نہیں کرتا۔

### ایکسز آف روٹیشن (Axis of Rotation)

فرض کیجیے ایک رجڈ باڈی کسی خط مستقیم کے گرد گھوم رہی ہے۔ اس رجڈ باڈی کے پارٹیکلز ایسے دائروں میں گھومتے ہیں جن کے مراکز اس خط مستقیم پر واقع ہوتے ہیں۔ اس خط مستقیم کو اس جسم کا ایکسز آف روٹیشن کہتے ہیں۔

گردشی اثر پیدا کرنے والی فورسز بہت عام ہیں۔ پنسل تراش میں پنسل گھمانا، پانی کی ٹونٹی کے سناپ کا ک کو گھمانا، وغیرہ چند ایک مثالیں ہیں جن میں فورس گردشی اثر پیدا کرتی ہے۔



### کوئیک کویز (Quick Quiz)

چند مزید اجسام کے نام بتائیے جو فورس کے گردشی اثر کے باعث ورک کرتے ہیں۔

کسی فورس کے گردشی اثر کو نارک یا مومنٹ آف فورس کہتے ہیں۔

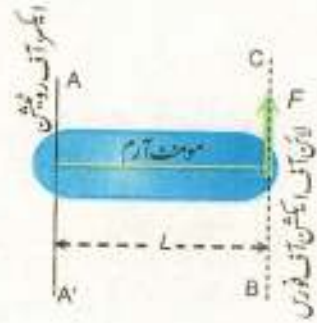
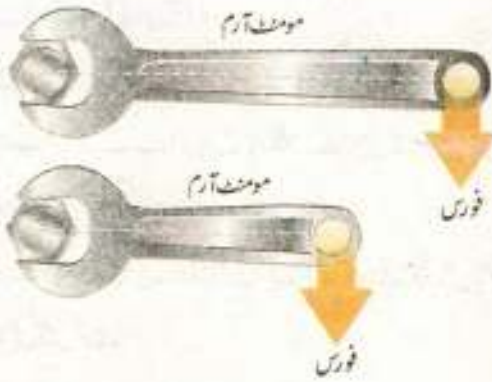


شکل 4.10: فورسز کا گردشی اثر

دروازے کا ہینڈل اس کے بیرونی کنارے پر کیوں لگایا جاتا ہے؟ ہم دروازے کے قبضے کی بجائے اس کے بیرونی کنارے پر فورس لگا کر دروازے کو آسانی سے کھول یا بند کر سکتے ہیں۔ پس کسی جسم کو گھمانے کے لیے فورس لگانے کا مقام بہت اہم ہوتا ہے۔

آئیے ہم مطالعہ کریں کہ نارک یا مومنٹ آف فورس کا انحصار کن چیزوں پر ہے۔ ایک میکینک نٹ کو کھولنے یا کھنسنے کے لیے سپینر استعمال کرتا ہے شکل (4.11)۔ لمبے ہینڈل کے سپینر سے نٹ کو کھولنا یا کھنسنے ہینڈل کے سپینر کی بہ نسبت زیادہ آسان ہے۔ اس کی وجہ دونوں صورتوں میں گردشی اثرات کا مختلف ہونا





شکل 4.11: ایک لمبے بازوں کے سپر سے نٹ کو کھولنا نسبتاً آسان ہے، جو لمبے بازوں والے سپر کی نسبت ہے۔ ایک ہی جیسی فورس سے لمبے ہینڈل والا سپر چھوٹے ہینڈل والے سپر کی نسبت زیادہ ٹارک پیدا کرتا ہے۔

شکل 4.12: مومنٹ آف فورس پر اثر انداز ہونے والے عوامل۔

### لائن آف ایکشن آف فورس (Line of Action of a Force)

وہ خط (لائن) جس کی سمت میں کوئی فورس عمل کرتی ہے، فورس کی لائن آف ایکشن کہلاتی ہے۔ شکل (4.12) میں لائن BC فورس F کی لائن آف ایکشن ہے۔

### مومنٹ آرم (Moment Arm)

ایکسز آف روٹیشن سے فورس کی لائن آف ایکشن تک کا عمودی فاصلہ فورس کا مومنٹ آرم کہلاتا ہے۔ اسے شکل (4.12) میں L سے ظاہر کیا گیا ہے۔

کسی فورس کے ٹارک یا مومنٹ آف فورس کا انحصار فورس F اور مومنٹ آرم L پر ہوتا ہے۔ فورس جتنی زیادہ ہوگی اتنا ہی مومنٹ آف فورس زیادہ ہوگا۔ اسی طرح سے مومنٹ آرم جتنا لمبا ہوگا اتنا ہی فورس کا مومنٹ زیادہ ہوگا۔ پس مومنٹ آف فورس یا ٹارک  $\tau$  فورس F اور مومنٹ آرم L کے حاصل ضرب سے معلوم کیا جاسکتا ہے۔

$$\tau = F \times L \quad \dots \dots \dots (4.7)$$

ٹارک کا SI یونٹ نیوٹن میٹر (Nm) ہے۔ ایک نیوٹن فورس ایک نیوٹن میٹر ٹارک اس وقت پیدا کرتی ہے جب مومنٹ آرم کی لمبائی ایک میٹر ہو۔

150 نیوٹن کی فورس 10 سینٹی میٹر لمبے سپر کے سرے پر لگائے جانے سے نٹ کو ڈھیلا کر دیتی ہے۔

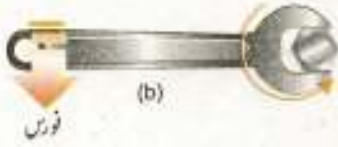
1. اسی نٹ کو 60 نیوٹن کی فورس سے کھولنے کے لیے سپر کی لمبائی تہنی ہونی چاہیے؟

2. 8 سینٹی میٹر لمبے سپر سے اسی نٹ کو کھولنے کے لیے تہنی فورس درکار ہوگی؟

## مثال 4.3



(a)



(b)

ایک میکانک 200 N کی فورس لگا کر 15 cm لمبے سپینر کی مدد سے بائیکل کا نٹ کھینچتا ہے۔ نٹ کو کسے والا ٹارک معلوم کیجیے۔

حل

$$F = 200 \text{ N}$$

$$L = 15 \text{ cm} = 0.15 \text{ m}$$

$$\tau = F \times L \quad \text{ٹارک کی مساوات کی مدد سے}$$

$$= 200 \text{ N} \times 0.15 \text{ m}$$

$$= 30 \text{ Nm}$$

پس نٹ کو کھینچنے کے لیے 30 Nm کا ٹارک درکار ہوگا۔

## 4.5 مومنٹس کا اصول (Principle of Moments)

وہ فورس جو سپینر کو کھانکے والا ٹارک میں گھماتی ہے عموماً نٹ کو کھینچنے کے لیے استعمال ہوتی ہے۔ اس طرح سے پیدا کیا جانے والا مومنٹ آف فورس یا ٹارک کھانکے والا ٹارک مومنٹ (clockwise moment) کہلاتا ہے (شکل 4.13a)۔ دوسری صورت میں نٹ کو ڈھیلا کرنے کے لیے فورس اس طرح لگائی جاتی ہے جو نٹ کو اینٹی کھانکے والا ٹارک مومنٹ میں گھماتی ہے (شکل 4.13b)۔ اس طرح پیدا ہونے والا مومنٹ آف فورس یا ٹارک اینٹی کھانکے والا ٹارک مومنٹ (anticlockwise moment) کہلاتا ہے۔



بڑا وزن

چھوٹا وزن



شکل 4.14: سی سا پہ بچے

## تکلیف: (Quick Quiz)

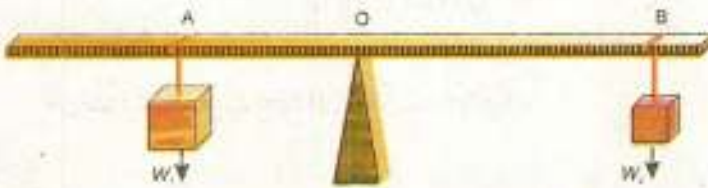
1. کیا ایک ننھا بچہ ایک موٹے بچے کے ساتھ سی سا بھول سکتا ہے؟ وضاحت کریں۔
2. دو بچے سی سا میں ایسے بیٹھے ہیں کہ سی سا معلق ہے۔ ایسی صورت میں ریزلٹنٹ ٹارک کتنا ہے؟

اگر کسی ساکن جسم پر عمل کرنے والے تمام کھانکے والا ٹارک مومنٹس کا ریزلٹنٹ تمام اینٹی کھانکے والا ٹارک مومنٹس کے ریزلٹنٹ کے برابر ہو تو وہ جسم نہیں گھومتا۔ یہ مومنٹس کا اصول کہلاتا ہے۔ اس اصول کے مطابق:

ایک جسم انکیوی لبریم میں ہوتا ہے اگر اس پر عمل کرنے والے تمام کلاک وائرز مومینٹس کا ریزلٹ تمام ایٹنی کلاک وائرز مومینٹس کے ریزلٹ کے مساوی ہو۔

#### مثال 4.4

ایک میٹر راڈ درمیانی پوائنٹ O پر انکیوی لبریم میں ہے۔ جیسا کہ شکل (4.15) میں دکھایا گیا ہے۔ 10 N کا ایک بلاک پوائنٹ O سے 40 cm کے فاصلے پر پوائنٹ B سے لٹکایا گیا ہے۔ اس بلاک کا وزن معلوم کیجیے جو پوائنٹ O سے 25 cm کے فاصلے پر پوائنٹ A پر لٹکانے سے اسے متوازن کرتا ہے۔



شکل 4.15: ٹانے پر متوازن حالت میں پڑا ہوا میٹر راڈ۔

حل

پوائنٹ A پر لٹکانے والے بلاک کا وزن  $w_1 = ?$

پوائنٹ B پر لٹکانے والے بلاک کا وزن  $w_2 = 10 \text{ N}$

$w_1$  کا مومنت آرم  $w_1 = OA = 25 \text{ cm} = 0.25 \text{ m}$

$w_2$  کا مومنت آرم  $w_2 = OB = 40 \text{ cm} = 0.40 \text{ m}$

مومینٹس کے اصول کے مطابق:

ایٹنی کلاک وائرز مومینٹس = کلاک وائرز مومینٹس

$w_1$  کا ایٹنی کلاک وائرز مومینٹ =  $w_2$  کا کلاک وائرز مومینٹ

$w_1 \times w_1$  کا مومنت آرم =  $w_2 \times w_2$  کا مومنت آرم پس

یعنی  $w_1 \times OA = w_2 \times OB$

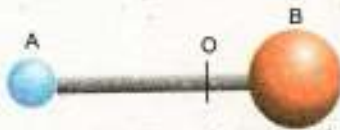
اور  $w_1 \times 0.25 \text{ m} = 10 \text{ N} \times 0.4 \text{ m}$

اس طرح  $w_1 = \frac{10 \text{ N} \times 0.4 \text{ m}}{0.25 \text{ m}}$

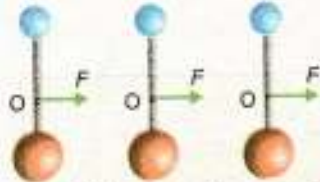
= 16 N

پس پوائنٹ A پر لٹکانے والے بلاک کا وزن 16 N ہے۔

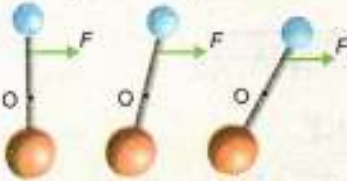
## 4.6 سنٹر آف ماس (Centre of Mass)



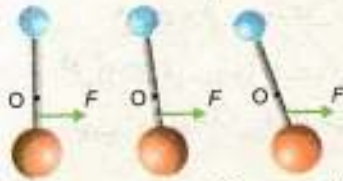
شکل 4.16: دو غیر مساوی ماسز کا سنٹر آف ماس



شکل 4.17: سنٹر آف ماس پر لگائی گئی فورس بغیر گھمانے سسٹم کو حرکت میں لاتی ہے۔



شکل 4.18: لگائی گئی فورس سسٹم میں سنٹر آف ماس سے باہر ہونے کی صورت میں سسٹم کو گھماتے ہوئے حرکت میں لاتی ہے۔



شکل 4.19: لگائی گئی فورس سسٹم کے سنٹر آف ماس سے باہر ہونے کی صورت میں سسٹم کو گھماتے ہوئے حرکت میں لاتی ہے۔

## سنٹر آف گریویتی



شکل 4.20: کسی جسم کا سنٹر آف گریویتی ایک ایسا پوائنٹ ہوتا ہے جہاں اس کا تمام وزن عموداً نیچے کی جانب عمل کرتا ہوا محسوس ہوتا ہے۔

یہ بات مشاہدہ میں آئی ہے کہ کسی بھی سسٹم کا سنٹر آف ماس اس طرح حرکت کرتا ہے جیسے کہ اس کا تمام ماس اس سنٹرل پوائنٹ میں سا گیا ہو۔ کسی جسم کے اس مقام پر عمل کرنے والی فورس اس میں نارک پیدا کرنے سے قاصر ہوتی ہے۔ یعنی جسم بغیر گردش کیے ریزولٹنٹ فورس کی سمت میں حرکت کرتا ہے۔

فرض کیجیے ایک سسٹم کسی ہلکے رجز راڈ سے منسلک دو اجسام A اور B پر مشتمل ہے جیسا کہ شکل (4.16) میں دکھایا گیا ہے۔ فرض کیجیے A اور B اجسام کے مابین O ایک ایسا پوائنٹ ہے جہاں لگائی جانے والی کسی بھی فورس F کے زیر اثر جسم گھومے بغیر حرکت کرتا ہے۔ ایسی صورت میں پوائنٹ O سسٹم کا سنٹر آف ماس ہے (شکل 4.17)۔

کیا یہ سسٹم کسی اور جگہ فورس لگانے پر بھی بغیر گھومے حرکت کرتا ہے؟  
(i) آئیے ہلکے جسم کے قریب جیسا کہ شکل (4.18) میں دکھایا گیا ہے، فورس لگاتے ہیں۔ سسٹم گھومتے ہوئے حرکت کرتا ہے۔

(ii) آئیے بھاری جسم کے قریب جیسا کہ شکل (4.19) میں دکھایا گیا ہے، فورس لگاتے ہیں۔ اس صورت میں بھی سسٹم گھومتے ہوئے حرکت کرتا ہے۔

کسی جسم کا سنٹر آف ماس ایک ایسا پوائنٹ ہوتا ہے جہاں پر لگائی گئی فورس سسٹم کو بغیر گھمانے حرکت دیتی ہے۔

## سنٹر آف گریویتی (Centre of Gravity)

ایک جسم بے شمار پارٹیکلز سے مل کر بنتا ہے جیسا کہ شکل (4.20) میں دکھایا گیا ہے۔ زمین ان تمام پارٹیکلز کو عموداً نیچے اپنے مرکز کی جانب کھینچتی ہے۔ کسی بھی پارٹیکل پر عمل کرنے والی زمین کی کھینچنے کی فورس اس کے وزن کے مساوی ہوتی ہے۔ کسی جسم کے پارٹیکلز پر عمل کرنے والی یہ فورسز جبر اہل ہوتی ہیں۔ ان تمام فورسز کا ریزولٹنٹ ایک ایسی سنٹرل فورس ہوتی ہے جو اس جسم کے وزن کے مساوی ہوتی ہے۔ وہ پوائنٹ جہاں پر یہ ریزولٹنٹ فورس عموداً نیچے زمین کے مرکز کی جانب عمل کرتی ہے اس جسم کا سنٹر آف گریویتی G کہلاتا ہے۔

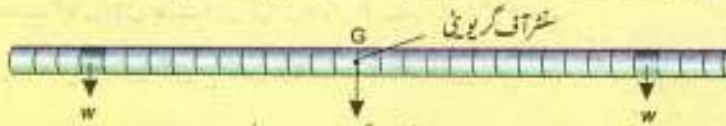
کسی جسم کا سنٹر آف گریوٹیٹی وہ پوائنٹ ہے جہاں اس کا تمام وزن عموداً نیچے کی جانب عمل کرتا ہوا محسوس ہوتا ہے۔

ایکوی لبریم کے مشقی سوالات حل کرنے کے لیے کسی جسم کے سنٹر آف گریوٹیٹی

کے مقام کا جاننا ضروری ہوتا ہے۔

### چند باقاعدہ شکل کے اجسام کا سنٹر آف گریوٹیٹی

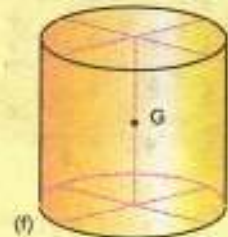
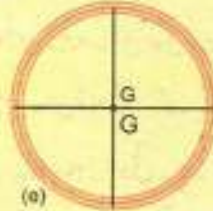
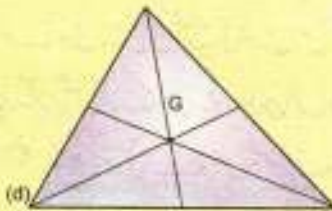
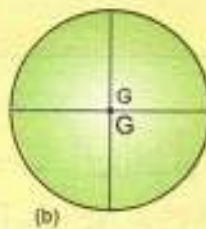
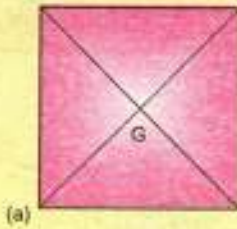
باقاعدہ اشکال کے اجسام کے سنٹر آف گریوٹیٹی ان کی جیومیٹری سے معلوم کیے جاسکتے ہیں۔ مثال کے طور پر ایک یونیفارم راز کا سنٹر آف گریوٹیٹی وہ مقام ہے جہاں یہ ایکوی لبریم میں ہوتا ہے۔ یہ پوائنٹ اس کا وسطی پوائنٹ  $G$  ہے۔ جیسا کہ شکل (4.21) میں دکھایا گیا ہے۔



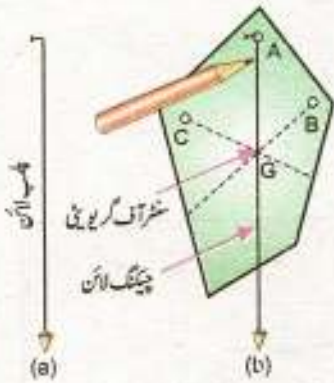
شکل 4.21 ایک یونیفارم راز کا سنٹر آف گریوٹیٹی اس کا وسطی پوائنٹ  $G$  ہے۔

کسی یونیفارم مربع یا مستطیل شیت کا سنٹر آف گریوٹیٹی ان کے وتروں (diagonals) کو کاٹنے والا پوائنٹ  $G$  ہے۔ جیسا کہ شکل (4.22a, c) میں دکھایا گیا ہے۔ ایک گول پلیٹ کا سنٹر آف گریوٹیٹی اس کا مرکز ہے۔ جیسا کہ شکل (4.22b) میں دکھایا گیا ہے۔ اسی طرح ایک ٹھوس یا کھوکھلے گولے کا سنٹر آف گریوٹیٹی اس کا مرکز ہوتا ہے۔ جیسا کہ شکل (4.22b) میں دکھایا گیا ہے۔

ایک مثلث شیت کا سنٹر آف گریوٹیٹی اس کے میڈینز (وسطیوں) کا وہ پوائنٹ ہے جہاں وہ ایک دوسرے کو کاٹتے ہیں جیسا کہ شکل (4.22d) میں دکھایا گیا ہے۔ کسی یونیفارم گول چمچے (ring) کا سنٹر آف گریوٹیٹی اس کا مرکز ہوتا ہے جیسا کہ شکل (4.22e) میں دکھایا گیا ہے۔ کسی یونیفارم ٹھوس یا کھوکھلے سلنڈر کا سنٹر آف گریوٹیٹی اس کے آکسسز کا درمیانی پوائنٹ ہوتا ہے جیسا کہ شکل (4.22f) میں دکھایا گیا ہے۔



شکل 4.22 چند باقاعدہ اجسام کا سنٹر آف گریوٹیٹی



شکل 4.23 (a) پلہب لائن (b) پلہب لائن سے کارڈ بورڈ کے ٹکڑے کا سنٹر آف گریوٹی معلوم کرنا۔

ایک بے قاعدہ شکل کے پتے پرت کا سنٹر آف گریوٹی  
(Centre of Gravity of an Irregular Shaped Thin Lamina)

کسی جسم کے سنٹر آف گریوٹی کو معلوم کرنے کا ایک آسان طریقہ پلہب لائن (plumbline) کی مدد سے ممکن ہے۔ پلہب لائن ایک چھوٹے سے دھاتی گولے (پیش) پر مشتمل ہوتا ہے جسے ایک ڈوری سے لٹکایا جاتا ہے۔ جب پلہب لائن کو آزادانہ لٹکایا جاتا ہے تو اپنے وزن کے باعث جو کہ عموداً نیچے کی جانب عمل کرتا ہے عمودی سمت میں ٹھہر جاتا ہے۔ جیسا کہ شکل (4.23a) میں دکھایا گیا ہے۔ اس صورت میں گولے کا سنٹر آف گریوٹی لٹکائے جانے والے پوائنٹ کے بالکل نیچے ہوگا۔

### تجربہ (Experiment)

ایک بے قاعدہ شکل کے کارڈ بورڈ کا ٹکڑا لیں۔ اس کے کناروں کے قریب پوائنٹ A، B اور C پر سوراخ کریں۔ دیوار میں ایک کیل گاڑیے۔ کارڈ بورڈ کو کسی ایک سوراخ A سے کیل پر اس طرح لٹکائیے کہ کارڈ بورڈ A کے گرد آزادانہ گھوم سکے۔ ساکن حالت میں کارڈ بورڈ کا سنٹر آف گریوٹی کیل کے عموداً بالکل نیچے ہوگا۔ پلہب لائن کی مدد سے کیل سے عموداً نیچے لائن کھینچیں۔ اب کارڈ بورڈ کو B پر لٹکاکر اوپر والی عمل دہرائیے۔ پوائنٹ B سے کھینچی جانے والی لائن پہلی لائن کو پوائنٹ G پر قطع کرے گی۔ اسی طرح سے پوائنٹ C پر کیے گئے سوراخ سے بھی کارڈ بورڈ کو لٹکاکر عمودی لائن کھینچیں۔ یہ لائن بھی پوائنٹ G سے گزرے گی۔ یعنی پوائنٹ G ان تمام سوراخوں A، B اور C سے کھینچی جانے والی عمودی لائنوں پر مشترک ہے۔ پس یہ مشترک پوائنٹ G، کارڈ بورڈ کا سنٹر آف گریوٹی ہے۔

### 4.7 کیل (Couple)

جب ڈرائیور گاڑی موڑتا ہے تو وہ سٹیئرنگ وھیل پر دونوں ہاتھوں سے فورسز لگاتا ہے جو ٹارک پیدا کرتی ہیں۔ یہ ٹارک سٹیئرنگ وھیل کو گھماتا ہے۔ یہ فورسز جو سٹیئرنگ وھیل پر مخالف سمت میں عمل کرتی ہیں مقدار میں مساوی لیکن سمت میں مخالف ہوتی ہیں (شکل 4.24)۔ یہ دونوں فورسز کیل پیدا کرتی ہیں۔



شکل 4.24: کیل کی مدد سے سٹیئرنگ وھیل کو گھمانا آسان ہے۔



شکل 4.25: ڈبل آرم سٹیئر

دو ایسی اُن لائیک جیرائل فورسز جو مقدار میں مساوی لیکن ایک لائن میں نہ ہوں  
کیل پیدا کرتی ہیں۔

ایک ڈبل آرم سپینزٹ کو کھولنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔ دو مساوی  
فورسز جن میں ہر ایک کی مقدار  $F$  ہے سپینز کے  $A$  اور  $B$  سروں پر مخالف سمت میں عمل  
کر رہی ہیں۔ جیسا کہ شکل (4.25) میں دکھایا گیا ہے۔ یہ فورسز کیل پیدا کرتی ہیں  
جو سپینز کو پوائنٹ  $O$  کے گرد گھماتی ہیں۔ کیل کی دونوں فورسز سے پیدا ہونے والے  
ٹارکس ایک ہی سمت میں ہیں۔ پس کیل سے پیدا ہونے والا کل ٹارک ہوگا:

$$\begin{aligned} \text{کیل کا کل ٹارک} &= F \times OA + F \times OB \\ &= F(OA + OB) \end{aligned}$$

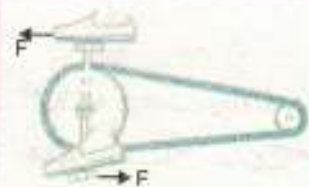
$$\text{پس کیل کا کل ٹارک} = F \times AB \dots \dots \dots (4.8)$$

مساوات (4.8) سے کسی کیل کی فورسز  $F$  اور  $F$  سے پیدا ہونے والا ٹارک  
معلوم کیا جاسکتا ہے جن کا درمیانی فاصلہ  $AB$  ہو۔ کسی کیل کا ٹارک کیل کی دونوں  
فورسز میں سے کسی ایک فورس اور ان کے درمیان عمودی فاصلہ کے حاصل ضرب سے  
حاصل ہوتا ہے۔

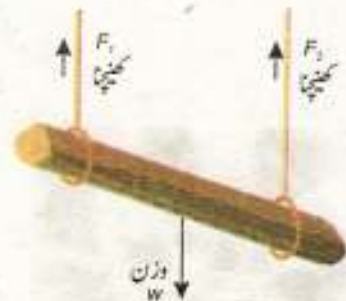
#### 4.8 ایکوی لبریم (Equilibrium)

نیوٹن کے پہلے قانون کے مطابق کوئی بھی جسم اپنی ریست کی حالت یا خط مستقیم  
(straight line) میں یونیفارم موٹن جاری رکھتا ہے جب تک اس پر کوئی  
ریزلٹنٹ فورس عمل نہ کرے۔ مثال کے طور پر میز پر پڑی ہوئی کتاب یا دیوار پر لٹکا ہوا  
فریم ریست میں ہیں۔ کتاب کا نیچے کی جانب عمل کرنے والا وزن میز کے اوپر کی  
جانب کتاب پر کیے جانے والے رد عمل کے برابر ہوتا ہے۔ شکل (4.26) میں  
رسیوں سے لٹکانی گئی لکڑی کی گیلی (log) کا وزن  $w$  ہے۔ یہاں وزن  $w$  گیلی کو اوپر  
کھینچنے والی فورسز  $F_1$  اور  $F_2$  سے بیلنس ہو رہا ہے۔ ایسے اجسام پر جو ریست میں  
ہوتے ہیں یا یونیفارم ولاٹی سے حرکت کر رہے ہوتے ہیں ان پر عمل کرنے والی  
ریزلٹنٹ فورس صفر ہوتی ہے۔ ایک ہموار سڑک پر یونیفارم ولاٹی سے چلتی ہوئی کار

کیا آپ جانتے ہیں؟



ایک سائیکلسٹ ہائیڈرل کے پیڈلز کو دیکھیں  
ہے اس طرح پیڈلز پر ایک کیل عمل کرتا ہے جو  
دندانے دار وہیل کو گھماتا ہے۔ یہ ایک چین سے  
شکلک ہائیڈرل کے پچھلے پہلے کو گھماتا ہے۔



شکل 2.26 گیلی پر عمل جیرا اوپر کی سمت والی فورسز  
 $F_1$  اور  $F_2$  اور نیچے کی جانب وزن  $w$  ایکوی لبریم  
میں ہیں۔

اور ہوا میں یونیفارم ولاسٹی سے اڑتا ہوا ہوائی جہاز ایکوی لبریم کی مثالیں ہیں۔

ایک جسم ایکوی لبریم کی حالت میں ہوتا ہے اگر اس پر کوئی نیٹ فورس عمل نہ کرے۔



شکل 4.27: دیوار پر لٹکا ہوا قریم ایکوی لبریم میں ہے۔

پس کوئی بھی جسم ایکوی لبریم میں ہوتا ہے اگر وہ ریست میں ہو یا یونیفارم ولاسٹی سے حرکت کر رہا ہو۔

### ایکوی لبریم کی شرائط (Conditions for Equilibrium)

اوپر دی گئی مثالوں میں ہم دیکھتے ہیں کہ ریست میں پڑا ہوا یا یونیفارم ولاسٹی سے حرکت کرتا ہوا جسم ایکوی لبریم میں ہوتا ہے، اگر اس پر عمل کرنے والی ریزلٹنٹ فورس صفر ہو۔ کسی جسم کو ایکوی لبریم میں ہونے کے لیے کچھ شرائط پوری کرنا ہوتی ہیں۔ کسی جسم کے ایکوی لبریم میں ہونے کی دو شرائط ہیں۔

### ایکوی لبریم کی پہلی شرط (First Condition for Equilibrium)

ہر وہ جسم ایکوی لبریم کی پہلی شرط پر پورا اترتا ہے اگر اس پر عمل کرنے والی تمام فورسز کا ریزلٹنٹ صفر ہو۔ فرض کریں کسی جسم پر  $F_1, F_2, F_3, \dots, F_n$  فورسز عمل کر رہی ہیں۔ اس طرح

$$F_1 + F_2 + F_3 + \dots + F_n = 0$$

$$\text{اور} \quad \sum F = 0 \quad \dots \dots \dots (4.9)$$

علامت  $\Sigma$  یونانی حرف ہے، اسے سگما (sigma) کہتے ہیں اور یہ مجموعہ کو ظاہر کرنے کے لیے استعمال کیا جاتا ہے۔ مساوات (4.9) ایکوی لبریم کی پہلی شرط کہلاتی ہیں۔

ایکوی لبریم کی پہلی شرط کو جسم پر عمل کرنے والی فورسز کے  $x$  اور  $y$ -کمپوننٹس میں اس طرح بیان کیا جاسکتا ہے۔

$$F_{1x} + F_{2x} + F_{3x} + \dots + F_{nx} = 0$$

$$\text{اور} \quad F_{1y} + F_{2y} + F_{3y} + \dots + F_{ny} = 0$$

$$\text{یا} \quad \sum F_x = 0 \quad \dots \dots \dots (4.10)$$

$$\text{اور} \quad \sum F_y = 0 \quad \dots \dots \dots (4.11)$$



شکل 4.28: ایک چھانڈ بردار یونیفارم ولاسٹی سے نیچے پڑتا ہے۔ اس لیے وہ ایکوی لبریم میں ہے۔



میز پر پڑی ہوئی کتاب اور دیوار پر لٹکا ہوا فریم ریٹ میں ہیں۔ اس لیے ایکوی لبریم کی پہلی شرط پوری کر رہے ہیں۔ ایک چھاتہ بردار (paratrooper) بھی ایکوی لبریم کی پہلی شرط پوری کرتا ہے چونکہ وہ یونیفارم ولاٹس سے نیچے آتا ہے۔ اس لیے وہ ایکوی لبریم میں ہے۔

### مثال 4.5

ایک بلاک جس کا وزن 10 N ہے ایک ڈوری کے ساتھ لٹک رہا ہے۔ جیسا کہ شکل (4.29) میں دکھایا گیا ہے۔ ڈوری میں موجود ٹینشن معلوم کیجیے۔

حل

$$w = 10\text{ N} \text{ بلاک کا وزن}$$

$$T = ? \text{ ڈوری میں ٹینشن}$$

چونکہ بلاک ریٹ میں ہے اس لیے ایکوی لبریم کی پہلی شرط کے مطابق

$$\sum F_x = 0$$

x- ایکسز کی سمت میں کوئی فورس عمل نہیں کرتی جبکہ y- ایکسز کی سمت میں

عمل کرنے والی فوزس T اور w ہیں۔ پس

$$\sum F_y = 0$$

$$T - w = 0$$

$$T = w$$

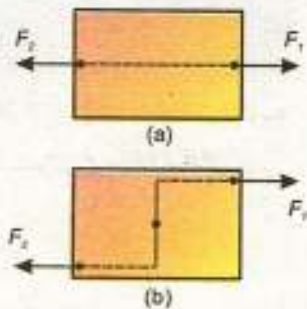
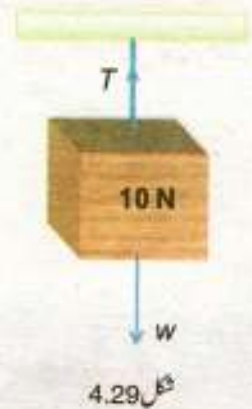
$$T = 10\text{ N}$$

پس دوڑی میں ٹینشن کی مقدار 10 N ہے۔

### ایکوی لبریم کی دوسری شرط

#### (Second Condition for Equilibrium)

ایکوی لبریم کی پہلی شرط کسی جسم کا ایکوی لبریم میں ہونا یقینی نہیں بناتی۔ جیسا کہ نیچے دی گئی مثال سے واضح ہوتا ہے۔ فرض کیجیے کسی جسم کو دو فوزس  $F_1$  اور  $F_2$  کھینچ رہی ہیں۔ جیسا کہ شکل (4.30a) میں دکھایا گیا ہے۔ یہ دونوں فوزس مساوی لیکن ایک دوسرے کی مخالف سمت میں ہیں۔ دونوں ایک ہی لائن میں عمل کر رہی ہیں اس



شکل 4.30 (a) دو مساوی اور مخالف فوزس جو ایک ہی لائن میں ہیں (b) دو مساوی لیکن مخالف فوزس جو ایک لائن میں نہیں ہیں۔



فصل 4.31: دیوار کی جانب جھکی ہوئی سیڑھی

لیے ان کا ریزلٹ صفر ہے۔ پہلی شرط کے مطابق جسم ایکوی لبریم میں ہے۔ اب فورسز کی جگہ تبدیل کر دیجیے۔ جیسا کہ شکل (4.30b) میں دکھایا گیا ہے۔ اس صورت میں جسم ایکوی لبریم میں نہیں ہے اگرچہ ایکوی لبریم کی پہلی شرط اب بھی پوری ہو رہی ہے۔ اس کی وجہ یہ ہے کہ اس صورت میں جسم گھومنے پر مائل ہے۔ یہ صورتحال ایکوی لبریم کی پہلی شرط کے ساتھ کسی اور شرط کا تقاضا کرتی ہے۔ یہ ایکوی لبریم کی دوسری شرط کہلاتی ہے۔ اس کے مطابق کوئی بھی جسم ایکوی لبریم کی دوسری شرط پوری کرتا ہے اگر اس پر عمل کرنے والا ریزلٹ ٹارک صفر ہو۔ یعنی

$$\sum \tau = 0 \dots \dots \dots (4.12)$$



فصل 4.32: یونیفارم سپینڈ سے گھومتا ہوا پنکھا  
ایکوی لبریم میں ہے۔ کیونکہ اس پر عمل کرنے والا نیٹ ٹارک صفر ہے۔

### کوئیک کویز (Quick Quiz)

1. شکل (4.31) دکھائی گئی دیوار سے لگی سیڑھی ایکوی لبریم میں ہے۔ کیسے؟
2. سیڑھی کا وزن کا وزن اینٹی کلاک وائز ٹارک پیدا کرتا ہے۔ دیوار سیڑھی کے اوپر والے سرے کو دھکیلتی ہے اور اس طرح کلاک وائز ٹارک پیدا کرتی ہے۔ کیا سیڑھی ایکوی لبریم کی دوسری شرط کو پورا کرتی ہے؟
3. کیا پست کے پتھے کی سپینڈ بڑھتی چلی جاتی ہے؟
4. کیا یہ ایکوی لبریم کی دوسری شرط پر پورا اترتا ہے؟

### مثال 4.6

ایک یونیفارم سلاخ جس کی لمبائی 1.5 m ہے ایک کنارے سے 0.5 m کے مقام پر فافانے پر رکھی ہوئی ہے۔ اسے افقی حالت میں رکھنے کے لیے اس کے ایک سرے پر 100 N کی فورس لگائی گئی ہے۔ سلاخ کا وزن اور فافانے کا اس پر ردعمل معلوم کیجیے۔



فافانے پر ایکوی لبریم میں پڑی سلاخ

$$F = 100 \text{ N}$$

$$OA = 0.5 \text{ m}$$

$$AG = BG = 0.75 \text{ m}$$

$$OG = AG - AO = 0.75 \text{ m} - 0.5 \text{ m}$$

$$= 0.25 \text{ m}$$

$$w = ?$$

$$R = ?$$

ایکوی لبریم کی دوسری شرط کا اطلاق کرتے ہوئے O کے گرد ٹارک معلوم

کرتے ہیں۔

$$\sum \tau = 0$$

$$F \times AO + R \times 0 - w \times OG = 0$$

$$100 \text{ N} \times 0.5 \text{ m} - w \times 0.25 \text{ m} = 0$$

$$w \times 0.25 \text{ m} = 100 \text{ N} \times 0.5 \text{ m}$$

$$w = \frac{100 \text{ N} \times 0.5 \text{ m}}{0.25 \text{ m}}$$

$$w = 200 \text{ N}$$

ایکوی لبریم کی پہلی شرط کا اطلاق کرتے ہوئے

$$\sum F_y = 0$$

$$\text{یا } R - F - w = 0$$

$$R - 100 \text{ N} - 200 \text{ N} = 0$$

$$\text{یا } R = 300 \text{ N}$$

پس سلاخ کا وزن 200 N اور فافانے کارڈ عمل 300 N ہے۔

(States of Equilibrium) ایکوی لبریم کی حالتیں

ایکوی لبریم کی تین حالتیں ہیں:

(i) قیام پذیر ایکوی لبریم

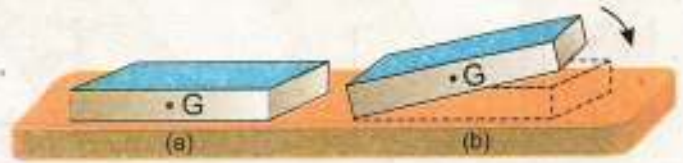
(ii) غیر قیام پذیر ایکوی لبریم

(iii) نیوٹرل ایکوی لبریم

## قیام پذیرائی کیوی لبریم (Stable Equilibrium)



کیا آپ گرنے بغیر ایسا کر سکتے ہیں؟



شکل 4.33: قیام پذیرائی کیوی لبریم (a) میز پر پڑی ہوئی کتاب (b) جب کتاب کے سرے کو تھوڑا سا اٹھا کر چھوڑا جائے تو وہ اپنی پہلی حالت میں واپس آ جاتی ہے۔

فرض کیجیے میز پر ایک کتاب پڑی ہوئی ہے۔ اس کے کسی کنارے کو تھوڑا سا اوپر اٹھائیں جیسا کہ شکل (4.33) میں دکھایا گیا ہے۔ جیسے ہی اسے چھوڑا جائے گا یہ پہلی حالت میں واپس آ جائے گی۔ کسی جسم کی ایسی حالت کو قیام پذیرائی کیوی لبریم کہتے ہیں۔

کوئی بھی جسم قیام پذیرائی کیوی لبریم میں کہلاتا ہے اگر اسے تھوڑا سا اٹھا کر چھوڑ دیا جائے اور وہ اپنی پہلی حالت میں واپس آ جائے۔

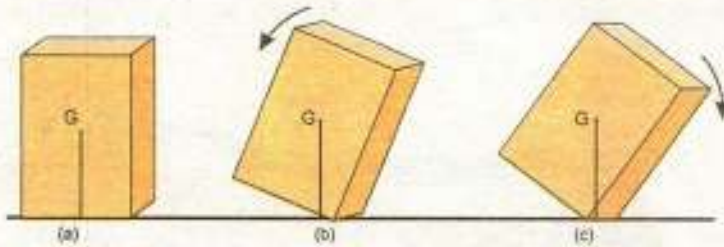
جب کوئی جسم قیام پذیرائی کیوی لبریم میں ہوتا ہے تو اس کا سنٹر آف گریوٹیٹی پست ترین مقام پر ہوتا ہے۔ اوپر اٹھانے پر اس کا سنٹر آف گریوٹیٹی بلند ہو جاتا ہے۔ اپنے سنٹر آف گریوٹیٹی کو نیچے لاتے ہوئے یہ قیام پذیرائی کیوی لبریم کی حالت میں واپس آتا ہے۔ کوئی بھی جسم اس وقت تک قیام پذیرائی کیوی لبریم میں رہتا ہے جب تک اس کا سنٹر آف گریوٹیٹی اس کی بنیاد (base) کے اندر رہتا ہے۔

کیا آپ جانتے ہیں؟



گاڑیاں نیچے سے بھاری رکھی جاتی ہیں۔ اس طرح ان کا سنٹر آف گریوٹیٹی نیچے آ جاتا ہے اور گاڑی کے توازن کو بڑھاتا ہے۔

شکل (4.34) میں دکھائے گئے ایک بلاک کے متعلق سوچیے۔ بلاک کے ایک کنارے کو تھوڑا سا اوپر اٹھانے سے اس کا سنٹر آف گریوٹیٹی G بلند ہو جاتا ہے۔ اگر G سے گزرنے والی عمودی لائن اس اوپر اٹھائی گئی حالت میں اس کی بنیاد (base) کے اندر رہتی ہے جیسا کہ شکل (4.34b) میں دکھایا گیا ہے تو بلاک اپنی پہلی پوزیشن پر واپس آ جاتا ہے۔ بلاک اپنی پہلی پوزیشن پر واپس نہیں آتا اگر G سے گزرنے والی عمودی لائن اس اوپر اٹھائی گئی حالت میں اس سے باہر نکل جاتی ہے۔ جیسا کہ شکل (4.34c) میں دکھایا گیا ہے۔ بلاک اپنی بنیاد پر الٹ کر ایکوی لبریم کی نئی پوزیشن میں چلا جاتا ہے۔ یہی وجہ ہے کہ گاڑیوں میں سنٹر آف گریوٹیٹی ممکن حد تک نیچے رکھنے



شکل 4.34: (a) بلاک قیام پذیر ایکوی لبریم میں (b) ہلکا سا اوپر اٹھا کر چھوڑنے پر بلاک اپنی پوزیشن پر واپس آ جاتا ہے اور اپنی پوزیشن پر واپس نہیں آتا۔ (c) زیادہ اوپر اٹھانے پر بلاک الٹ جاتا ہے اور اپنی پوزیشن پر واپس نہیں آتا۔ کے لیے ان کے نچلے حصے بھاری رکھے جاتے ہیں۔ سنٹر آف گریوٹی کا نیچے ہونا توازن کا باعث ہوتا ہے۔

نیز گاڑیوں کی بنیاد (base) کا پھیلاؤ بڑا رکھا جاتا ہے تاکہ موڑ کاٹتے ہوئے اس کے سنٹر آف گریوٹی سے گزرنے والی عمودی لائن اس کی بنیاد سے باہر نہ نکل سکے۔

### غیر قیام پذیر ایکوی لبریم (Unstable Equilibrium)

ایک پنسل لیں اور اسے اس کی نوک پر کھڑا کرنے کی کوشش کریں جیسا کہ شکل (4.36) میں دکھایا گیا ہے۔ جب بھی آپ اسے چھوڑیں گے یہ اپنی نوک پر الٹ کر گر جائے گی۔ ایسے ایکوی لبریم کو غیر قیام پذیر ایکوی لبریم کہتے ہیں۔ غیر قیام پذیر ایکوی لبریم میں کسی جسم کو صرف لمبے بھر کے لیے ہی ٹھہرایا جاسکتا ہے۔ پس کوئی بھی جسم غیر قیام پذیر ایکوی لبریم میں نہیں ٹھہرتا۔

اگر کوئی جسم انتہائی معمولی سائز سا کر کے چھوڑنے پر اپنی پہلی پوزیشن میں واپس نہیں آتا تو یہ غیر قیام پذیر ایکوی لبریم میں کہلاتا ہے۔

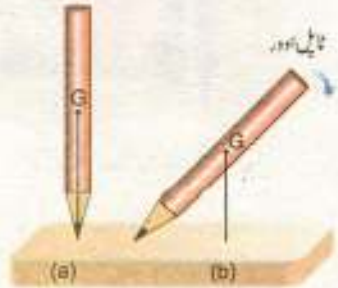
غیر قیام پذیر ایکوی لبریم کی حالت میں جسم کا سنٹر آف گریوٹی بلند ترین مقام پر ہوتا ہے۔ جیسے ہی جسم اپنی بنیاد پر گھومتا ہے اس کا سنٹر آف گریوٹی نیچے آ جاتا ہے اور پھر جسم اپنی پہلی پوزیشن پر واپس نہیں آتا۔

### نیوٹرل ایکوی لبریم (Neutral Equilibrium)

ایک گیند لیں اور اسے کسی افقی سطح پر رکھیں جیسا کہ شکل (4.37a) میں دکھایا گیا ہے۔ گیند کو سطح پر ہلکا سا ہلا کر چھوڑ دیں۔ یہ اپنی ہی پوزیشن پر ٹھہر جائے گی اور واپس پہلی پوزیشن پر نہیں آئے گی، اسے نیوٹرل ایکوی لبریم کہتے ہیں۔



شکل 4.35: ڈبل ڈیکریس متوازن کی آزمائش کے مرحلہ میں ہے۔



شکل 4.36: غیر قیام پذیر ایکوی لبریم (a) پنسل اپنی نوک پر ہلکا سا ایکوی لبریم میں ہے۔ اس پوزیشن میں اس کا سنٹر آف گریوٹی بلند ترین مقام پر ہے۔ (b) پنسل ٹارک کے باعث الٹ جاتی ہے۔



شکل 4.37: نیوٹرل ایکوی لبریم (a) افقی سطح پر پڑی ہوئی گیند (b) گیند اپنی ہی پوزیشن پر ٹھہر جاتی ہے۔

اگر کوئی جسم اپنی پہلی پوزیشن سے ہلانے پر نئی پوزیشن پر جا کر ٹھہر جاتا ہے تو یہ نیوٹرل ایکوی لبریم کی حالت میں کہلاتا ہے۔

نیوٹرل ایکوی لبریم میں ہر نئی حالت جس میں جسم حرکت کرتا ہے اس کی متوازن حالت ہوتی ہے اور جسم ہر اس نئی حالت میں ٹھہر جاتا ہے جس میں اسے لایا جائے۔ نیوٹرل ایکوی لبریم میں جسم کا سنٹر آف گریوٹیٹی نہ پہلے سے بلند ہوتا ہے اور نہ ہی پہلے سے نیچے جاتا ہے بلکہ ایک ہی بلندی پر رہتا ہے۔ مختلف اجسام جو نیوٹرل ایکوی لبریم میں ہوتے ہیں ان میں گیند، گولا، بیلن، انڈہ اور آفتی پڑی ہوئی پنسل شامل ہیں۔



شکل 4.38: نوک پر متوازن کی گئی سوئی

#### 4.9 شیبیلیٹی اور سنٹر آف ماس کی پوزیشن

(Stability and Position of Centre of Mass)

ہم پڑھ چکے ہیں کہ کسی جسم کا سنٹر آف ماس اس کے متوازن ہونے میں ایک اہم کردار ادا کرتا ہے۔ اجسام کو متوازن رکھنے کے لیے ان کا سنٹر آف ماس جس قدر ممکن ہو سکے نیچے رکھنا چاہیے۔ یہی وجہ ہے کہ ریٹنگ کاریں نیچے سے بھاری رکھی جاتی ہیں اور ان کی بلندی کم سے کم رکھی جاتی ہے۔ سرکس (circus) میں رے سے پر چلنے والا فنکار ایک لمبے راڈ کی مدد سے اپنے سنٹر آف ماس کو نیچے لاتا ہے۔ آئیے چند مثالوں کا مطالعہ کرتے ہیں جن میں سنٹر آف ماس نیچے لاکر اجسام کو متوازن بنانے میں مدد ملتی ہے۔ یہ اجسام ہلانے پر اپنی متوازن حالت میں واپس آ جاتے ہیں۔ ان میں سنٹر آف ماس لٹکائے جانے والے مقام سے عموداً نیچے ہوتا ہے۔ اس طرح ان کا ایکوی لبریم متوازن ہوتا ہے۔



شکل 4.39 (a) شہنی پر بیٹھا طوطا  
(b) خود سیدھا ہونے والا بھلونا

شکل (4.38) میں ایک کارک میں کپڑے سینے والی سوئی دکھائی گئی ہے۔ کارک پر کانٹے (forks) لگا کر سوئی کی نوک پر ایکوی لبریم میں رکھا گیا ہے۔ کانٹے سنٹر آف ماس کو نیچے لے آتے ہیں۔ شکل (4.39a) میں شہنی پر بیٹھا طوطا دکھایا گیا ہے۔ اس کی ذم وزنی بنائی گئی ہے۔ شکل (4.39b) میں ایک کھلونا دکھایا گیا ہے جو ٹیڑھا کرنے پر خود ہی سیدھا ہو جاتا ہے۔ اس کا گول پینڈا وزنی بنایا گیا ہے۔ ٹیڑھا کرنے پر اس کا سنٹر آف ماس بلند ہو جاتا ہے۔ اس لیے یہ واپس سیدھا ہو جاتا ہے۔ کیونکہ اس پوزیشن میں اس کا سنٹر آف ماس انتہائی نیچے ہوتا ہے۔

## خلاصہ

- پیرا ایل فورسز کے عمل کی لائنز ایک دوسرے کے پیرا ایل ہوتی ہیں۔
  - اگر تمام پیرا ایل فورسز ایک ہی سمت میں ہوں تو یہ لائنک پیرا ایل فورسز کہلاتی ہیں۔ اگر دو پیرا ایل فورسز ایک دوسرے کی مخالف سمت میں ہوں تو یہ آن لائنک پیرا ایل فورسز کہلاتی ہیں۔
  - دو یا دو سے زیادہ فورسز کا مجموعہ ریزولٹ فورس کہلاتا ہے۔ دو یا دو سے زیادہ فورسز کا ریزولٹ معلوم کرنے کا گرافیکل طریقہ ہیڈ ٹوٹیل رول کہلاتا ہے۔
  - کسی فورس کو ایسے دو کمپونینٹس میں تقسیم کرنا جو ایک دوسرے پر عموداً واقع ہوں فورس کی تحلیل یا ریزولوشن کہلاتا ہے۔ یہ عمودی کمپونینٹس  $F_x$  اور  $F_y$  کہلاتے ہیں۔
  - $F_x = F \cos \theta$ ,  $F_y = F \sin \theta$
  - کسی فورس کی مقدار اور سمت کو اس کے عمودی کمپونینٹس سے معلوم کیا جاسکتا ہے۔ یعنی
  - $F = \sqrt{F_x^2 + F_y^2}$ ,  $\theta = \tan^{-1} \frac{F_y}{F_x}$
  - کسی فورس کا ٹارک یا مومنٹ آف فورس اس فورس کا گردشی اثر کہلاتا ہے۔ یہ فورس اور فورس کے مومنٹ آرم کے حاصل ضرب کے مساوی ہوتا ہے۔
  - مومنٹس کے اصول کے مطابق ایکوی لبریم کی حالت میں کسی جسم پر عمل کرنے والے کلاک وائرز مومنٹس کا
- مجموعہ اس پر عمل کرنے والے ایشی کلاک وائرز مومنٹس کے مجموعہ کے مساوی ہوتا ہے۔
- کسی جسم کا سنٹر آف ماس وہ مقام ہے جہاں لگائی جانے والی ریزولٹ فورس جسم کی روٹیشن کے بغیر حرکت کا باعث بنتی ہے۔
- کسی جسم کا سنٹر آف گریوٹیٹی ایک ایسا پوائنٹ ہوتا ہے جہاں اس کا کل وزن عموداً نیچے کی جانب عمل کرتا ہے۔
- دو ایسی فورسز کپل بناتی ہیں جو مقدار میں مساوی لیکن سمت میں مخالف ہوں اور جن کا مختلف لائن آف ایکشن ہو۔ اگر کسی جسم پر عمل کرنے والی ریزولٹ فورس صفر ہو تو وہ ایکوی لبریم میں ہوتا ہے۔
- ایکوی لبریم کی صورت میں جسم یا تو ریٹ میں رہتا ہے یا یونیفارم سپیڈ سے حرکت کرتا ہے۔
- ایک جسم ایکوی لبریم کی دوسری شرط پوری کرتا ہے اگر اس پر عمل کرنے والا ریزولٹ ٹارک صفر ہو۔
- ایک جسم قیام پذیر یا ایکوی لبریم کی حالت میں ہوتا ہے اگر وہ معمولی سا ہلا کر چھوڑنے سے واپس اپنی پہلی پوزیشن میں آجائے۔
- اگر کوئی جسم معمولی سا ہلا کر چھوڑنے پر اپنی پہلی پوزیشن میں واپس نہیں آتا تو وہ غیر قیام پذیر یا ایکوی لبریم کی حالت میں ہوتا ہے۔
- اگر کوئی جسم تھوڑا سا ہلا کر چھوڑنے پر بہتی پوزیشن میں ٹھہر جائے تو وہ نیوٹرل ایکوی لبریم کی حالت میں کہلاتا ہے۔

## سوالات

- 4.1 دیے گئے ممکنہ جوابات میں سے درست جواب کے گرد دائرہ لگائیے۔
- (i) دو مساوی لیکن آن لائنک پیرا ایل فورسز جن کا لائن آف ایکشن مختلف ہو پیدا کرتی ہیں۔
- (a) ٹارک (b) کپل
- (c) نیوٹرل ایکوی لبریم (d) ایکوی لبریم

- (b) پست ترین پوزیشن پر ہو  
(c) اپنی بلندی برقرار رکھتا ہے اگر اسے اپنی جگہ سے ہلایا جائے۔  
(d) بنیاد کے اندر رہتا ہے
- (iii) کسی ویکٹرز کے عمودی کمپونینٹس کی تعداد ہوتی ہے:  
(a) 1 (b) 2  
(c) 4 (d) 4
- (iv) 10 نیوٹن کی ایک فورس  $x$ - ایکسز کے ساتھ  $30^\circ$  کا زاویہ بناتی ہے۔ اس فورس کا افقی کمپونینٹ ہوگا۔  
(a) 4N (b) 5N  
(c) 7N (d) 8.7N
- (v) ایک کپل عمل میں آتا ہے:  
(a) دو ایک دوسرے پر عمودی فورسز سے  
(b) دو لائٹ پیر الل فورسز سے  
(c) ایک ہی لائن میں عمل کرنے والی مساوی اور مخالف فورسز سے  
(d) ایک ہی لائن میں عمل نہ کرنے والی دو مساوی اور مخالف فورسز سے
- (vi) ایک جسم ڈائنامک ایکوی لبریم میں ہوتا ہے جب اس  
(a) کا ایٹسٹریٹیشن یونیفارم ہو  
(b) کی سپیڈ یونیفارم ہو  
(c) کی سپیڈ اور ایکسلریٹیشن یونیفارم ہو  
(d) کا ایکسلریٹیشن صفر ہو
- (vii) ایک جسم نیوٹل ایکوی لبریم میں ہوتا ہے اگر اس کا سنٹر آف گریوٹیٹی  
(a) بلند ترین پوزیشن پر ہو
- (viii) ریٹنگ کاریں متوازن بنائی جاتی ہیں ان کی  
(a) سپیڈ بڑھا کر  
(b) ماس کم کر کے  
(c) سنٹر آف گریوٹیٹی نیچے کر کے  
(d) چوڑائی کم کر کے
- 4.2 مندرجہ ذیل کی تعریف کیجیے۔  
(i) ریڈیلٹ ویکٹر (ii) ٹارک  
(iii) سنٹر آف ماس (iv) سنٹر آف گریوٹیٹی  
4.3 مندرجہ ذیل میں تفریق کیجیے۔  
(i) لائٹ اور ان لائٹ پیر الل فورسز  
(ii) ٹارک اور کپل  
(iii) قیام پذیر اور نیوٹل ایکوی لبریم
- 4.4 ہیڈ ٹوٹیل رول ویکٹرز کا ریڈیلٹ معلوم کرنے میں کس طرح مدد کرتا ہے؟
- 4.5 کسی فورس کو اس کے عمودی کمپونینٹس میں کس طرح تحلیل کیا جاسکتا ہے؟
- 4.6 کوئی جسم کب ایکوی لبریم میں ہوتا ہے؟
- 4.7 ایکوی لبریم کی پہلی شرط کی وضاحت کیجیے۔
- 4.8 ایکوی لبریم کی دوسری شرط کی کیا ضرورت ہے اگر کوئی جسم ایکوی لبریم کی پہلی شرط پوری کرتا ہے؟
- 4.9 ایکوی لبریم کی دوسری شرط کیا ہے؟
- 4.10 کسی ایسے متحرک جسم کی مثال دیجیے جو ایکوی لبریم میں ہو۔



- 4.11 ایسے جسم کی مثال دیجیے جو ریٹ میں ہو لیکن ایکوی لبریم میں نہ ہو۔
- 4.12 کوئی جسم ایکوی لبریم میں کیوں نہیں ہو سکتا اگر اس پر سنگل فورس عمل کر رہی ہو؟
- 4.13 گاڑیوں کی اونچائی ممکن حد تک کم کیوں رکھی جاتی ہے؟
- 4.14 قیام پذیر، غیر قیام پذیر اور نیوٹرل ایکوی لبریم سے کیا مراد ہے؟ ہر ایک کی مثال دیں۔

### مشقی سوالات

- 4.1 مندرجہ ذیل فوزس کارپولٹ معلوم کیجیے۔
- (i) 10 نیوٹن  $x$ -ایکسر کی سمت میں
- (ii) 6 نیوٹن  $y$ -ایکسر کی سمت میں
- (iii) 4 نیوٹن منفی  $x$ -ایکسر کی سمت میں
- 4.2  $x$ -ایکسر کے ساتھ  $45^\circ$  کا زاویہ بناتے ہوئے  $8.5 \text{ N}$
- 4.2  $50 \text{ N}$  کی فورس  $x$ -ایکسر کے ساتھ  $30^\circ$  کا زاویہ بنا رہی ہے۔ اس کے عمودی کمپونینٹس معلوم کریں۔
- (43.3N, 25N)
- 4.3 اس فورس کی مقدار اور سمت بتائیے جس کا  $x$ -کمپونینٹ  $12 \text{ N}$  اور  $y$ -کمپونینٹ  $5 \text{ N}$  ہے۔
- ( $x$ -ایکسر کے ساتھ  $22.6^\circ$  کے زاویہ پر  $13 \text{ N}$ )
- 4.4  $100$  نیوٹن کی فورس  $10 \text{ cm}$  کے فاصلہ پر سپینر پر عموداً عمل کر رہی ہے۔ اس سے پیدا ہونے والا ٹارک معلوم کیجیے۔
- (10 Nm)
- 4.5 ایک فورس کسی جسم پر  $x$ -ایکسر کے ساتھ  $30^\circ$  کا زاویہ بناتے ہوئے عمل کر رہی ہے۔ فورس کا  $x$ -کمپونینٹ  $20 \text{ N}$  ہے۔ فورس معلوم کیجیے۔
- (23.1 N)
- 4.6 کسی کار کے سپینرنگ وکیل کارڈیس  $16 \text{ cm}$  ہے۔  $50 \text{ N}$  کے پہل سے پیدا ہونے والا ٹارک معلوم کیجیے۔
- (16 Nm)
- 4.7 ایک پکچر فریم دو عمودی ڈوریوں سے لٹک رہا ہے۔ ڈوریوں میں ٹینشن  $3.8 \text{ N}$  اور  $4.4 \text{ N}$  ہے۔ پکچر فریم کا وزن معلوم کیجیے۔
- (8.2 N)
- 4.8 دو  $5 \text{ kg}$  اور  $3 \text{ kg}$  کے دو بلاکس ڈوریوں سے لٹکائے گئے ہیں جیسا کہ شکل میں دکھایا گیا ہے۔ ہر ایک ڈوری میں ٹینشن معلوم کیجیے۔
- (80N, 30N)
- 4.9 ایک  $10 \text{ cm}$  لمبا سپینر استعمال کر کے  $200 \text{ N}$  کی فورس سے کس دیا گیا ہے۔ اسے  $150 \text{ N}$  کی فورس سے ڈھیلا کرنے کے لیے کتنا لمبا سپینر درکار ہوگا؟
- (13.3 cm)
- 4.10  $10$  کلوگرام ماس کا ایک بلاک  $1 \text{ m}$  لمبی سلاخ کے مرکز سے  $20 \text{ cm}$  کے فاصلے پر لٹکایا گیا ہے۔ سلاخ کو اس کے سنٹر آف گریویتی پر ایکوی لبریم میں لانے کے لیے اس کے دوسرے سرے پر کتنی فورس لگانے کی ضرورت ہے؟
- (40 N)

